

چاپیخانه سیروس تهران

M.A.LIBRARY, A.M.U.



## معام ولعرف

ا - نسوون سدنوشه - درمبن دسه دیده یم که مجنوع کوشه ی بایت سه کوشه مرابربا دو کوشهٔ راست سبت ، نبابرین مبرگاه دو کوشه از بکیت سه کوشه دا وه شده با سومی عتن ست.

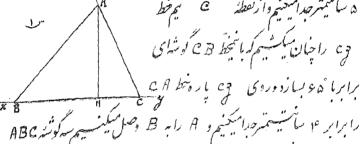
ع = ع مانتمتر کا = ع مانتمتر ع = ع

آنرا لمثابد

رقراربراین سیکداریم که درسه گوشهٔ ABC پهلوی روبردی تا رکت که را ه و پهلونای روبردی تا رکت کا میده و گوشه تا را بهم بنام تا رکت تا بنامیم)

برایگشودن سدگوشدنخست نزاازروی جزرنای دا ده شده میکمشیدم <sup>در</sup> و شکل جزرای گررااندازه میگیسید <sub>م</sub>یم

برای سنیدن سدگوشدر وی خط کو× پاره خط ۵ دا بدرازای ۵ سامتیتر حدامیکنیم وازنقطهٔ ۵ سیم خط ۱ م



بست میآیه (شکل ۱)

حالً دشهٔ ی A و B را بانقاله و درازای میمئیله ی AB را بانقاله و درازای میمئیله ی AB را با ستارهٔ ندازه میگیریم نقریباحینسین مشود ا

ع = AB = C بنتمتر و A = ۴۰ و B و ۴۷ و B و A کیا این ست که سدگوشته A و B و S و و میم برا مرد و گوشته راست باشد .

شهره -این عدد کا کسرائی شاسها پرست وردیم کاملا درست نین و تقر زبرا با نقاً له نتهامیمسندون توشدرا با نیم زینه ۱ درجه برنقر سیمیمتن کرد و باستنماژ بهراندازهٔ ۱۹ متها با نهم کی ترتوسید معنی مشود ولى ورست لدناى و يحر مكن ست ورموق ستيدن شكل سم تقريب في لازم اشدو درنتي شكلي كريدست سايد كاملا مانند شكل اصلى نباشد فرض نیم در شال <sup>ا</sup>لا بحای عدد نای سا ده وا ده شده عدو نای زیر را 201. = ê, p. p. = b, a. p. = a : isle برای نیکه سوانیم سکل را در روی کا غذاکست می ایدا ندازهٔ مجیسیلولی a و کا كوحكت بنو ومثلًا الرسر منزا رمتررا با كيت منامليمترنما بش وسيم استى سدكوشدا عي مِسارِیم که مهلوا کی ن کلی ۴۴۰ ره سانسسیمترو دکیر ۴۳. رع سانتمترا شد- و چون افسنساره بی که در دست ست نشیدن در از ایمی مترا زمیعی شرزوی گاند اسان مست ارسدم الميشر المرت المرت و م و م راترتيك موه للمحنيرة وإن أثقا لمنسلول كمثرا زميم زمير المرستى روى كا غذمر و از ۱۰ وقیقرنیز شون سیست و نی را ۵۰ می کسری

ورست ميايد .

واگراین سه کوشه زمسیننی شد که هرمترمرتع آن ده دنیا رسرز د ( کمتا ری ۱۰۰۰ ایل) برای میست وردن رش<sup>ن</sup> مین باسیتی بهندان رامعی<sup>ک</sup> سندیم و برای تنطفور كافئ ست مثلًا درازای AH را بدانيم ( زيرا درازاي ع و واد وشد: ۲ و AH راازروی شکل (۱) که مِقْت کشیده شدهٔ ندازه کلیری تقریبا و تاریخی متراست كه نماش . . و ۱ متراشد - سيئه منيه زمين زرُوي شكل خيس 🗝 : 

وارزشش آن نابرين ٩٠٧٧٤٠ ريال خوا بربود .

ولي زراه محاسب وقي مُثلّاتي دينيا كدورين تباب بنواسيم ويي میشو دکه مینت دسه گوشهٔ دا و ه شده ۱۰۰۰ تا ۹ ۴ مترمرّبع و نبایرین آرش ک ۲۰۰ ع ۳ ۴ رمال ست بعنی میان ومیتجه (محاسب بدوقیق و انجه از دوتی ش بندسی دستاً مده) . ۱۶۴۶ ریال نفاوت است.

این نفا دست ونرمتیسخه تقریبها مست که درنشد ن شکل و آندازه کسر بها مُودِيم- والرَّبُوشِهُ ٤ خيلي لو كاب مثلاً و ويا نرو ورنية سيب و وارتفا وت يادُّ

موضوع مل الما مقد ما في الموسين المشوون لوشها ا ارراه على سيد وقيق المغيضا سيكرون جره لا تي شاست ارزوي

حرّر کای دا ده شده .

وررس ایر

يرسن منفرض رئشودن سهركوشه عيست

۱- سه برنای راست کوشهٔ زیر را از راه بهنسه سی گبشانید (گوشهٔ است را

کا = ۲۰ ستر

ک = ۲٫۷ ساوس عه = ۲٫۶ ساور

۲- سررای ریرراا زراه بندسی گشایند

a=11 = A=4. B= 40. 4.

Bagy à Âarg° Carror.

أع ع الله المعتمرة عن المعتمرة عن المعتمرة عن المعتمرة ال

الميمير د ع الميمير د المعتبر د المعتبر د الم

كيلوشرم = ه مترهم والله

E=1,9 % l=4,4 " a=6,0"

E= 31 " ۲- عدو کا کیکریت کی سکوشه کا دارند-فرفکن پردرسدر راست کنیهٔ ACA كدران كوشد ع راست است (ش ۲) كوشد A برابرما ۵۷ بيلوي AC مراسر با على كِنْهُ درارا (شُلَاسانتيسر) باشد-اكرايين سديررا مِقْت كشيد و BC رااندازه کمیری خواسیم داشت: حال الريدون سيك كموشة A وست برني ACرا برابر با علا سأنتيمتر با ۵ سأنتيمتر گهر زنشتهي كه ج بوضع ع ا "c ورا مرومانند بيش B و B و را ا مداره کمیر بیخوااسی وانست: 'B' a ما رو سانتیتر "C ایک بیاتمیر ازروی سل ندازه ما و ید وظیفورگه و بسرمورونسست درازای ع ۴ بدرارای الم المين عدولي ست إيال ( أو الم

 $\frac{\ddot{B}\dot{c}}{AC} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{AC} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{\ddot{A}\dot{c}'} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{\ddot{A}\ddot{c}'} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{\ddot{A}\ddot{c}'} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{\ddot{A}\ddot{c}'} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{\ddot{A}\ddot{c}'} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{\ddot{A}\ddot{c}'} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{\ddot{A}\ddot{c}'} = \frac{\ddot{B}\ddot{c}'}{\ddot{A}\ddot{c}'} = \frac{\ddot{B$ 

پرنسبت <u>Be عدوی است که سبتگی به درازای بیب با که ی سبزارد</u> (زیرا باتعنب کرون نها تعنیز نیکند) و فقط سبته کمی دارد به کوشهٔ A (یا هم که شیم انست)

المجنین است نتهای <u>AC</u> و <u>BC</u> کستگی برگوشند A (یا B) دارند و بر در ازای مجیسا و تا بستگی دارند

ورزشش گوشهٔ A را تبرتیب برابر ۴۵۰ و ۴۵۰ و ۶۰۰ گرفته استهای <u>BC و AC و BC</u> را درمرمود معین کمنسید.

تعربی می می است مقدماتی علی ست که درآن زعد دیا و نسبتهائی که تنها کست کی سرگوشد دارند سجث میشود و بوسیدگه آن متیوان سه کوشهٔ دا ازراه محاسکشود

0,66

۱- در کی ارساعتهای رورسائیه درخی ۱۵ متروسائیه کیک کیسچوب شاغولی د ومتری

سمتربود - درازای درخت چندراست!

۴ - ملبنسدی دیواری سه متراست ٔ نزد کیک آن دیوار دختی است سبلندی نِنج متر۔ وقتی سسائید درخت چیا رمتر مثیو وسسائیر دیوار حیرانداز ه خوا بر بود ؟

## ا کدی کان کو شد

۳- کمدنای کان - برای نداز وگرفت کانخص ی دائر و کمیهٔ می حب د کار

العن - زمید ( دجه) - وان <del>بوم</del> سرامون ایره است بینی کانی ات که ۴۶۰ مرتبد درسیسیارمون انره می گنجد .

بزرنای رسند وقیداست و اید:

وقیقهٔ برابر بنید و نانیه برابر بنید و قیمداست بن سند برابر با در قیمداست بن سند برابر با برابر بر

اگراندازهٔ کانی از کیک دائره ۱۲ زمینه و ۱۵ وقیقه و ۴۵ تا نیده تا و ۲۵ تا نیده تا و ۳۵ تا و ۳۵ تا نیده تا و ۳۵ تا و

11° 10 40, 4

 حال گروانزهٔ و کیری کمشیم که پرتوش نیمهٔ پرتو دائرهٔ ۱ باشد و درآن دائر کان ۱۹۵۶ مرابر کمیئه زنیه باشد و بد ه میشود که درازای ۱۹۵ با درازای ۱۹۵ تفا و سه الو (چراع)

نیابرین وی وائره مای مختلف کانهائیکه سحب نیدبرا برند بحسب درا را برا نیتندو درازای انفسا (چنا نکه در مهندسهٔ مات میشود) تناسب ست میرازد دا نره ما ( درمورد د و دا نر و بالا می آگه ۲ عد (۱۸)

پې درازای کان سېتسگی دار د هم شبا ر هٔ زینه نا کی ن هم به درازای پرتو دائره ایکه ان کان پره ای زان ست

اگر مح درازاو به اندازهٔ کان جسب نید دویا تمارهٔ زیند نای آن) و مح درازای پرتودائره باشد ( مح و مح سردو بسب یک یک درازا) داریم:

۸۱ گرا د و ۵ د فیقیه و ۷۷ " ناینه را چنین نونسیسند

11,000

سین نکه دیده میشود مبرگاه کانی با گرا د وجزر بای گرا دست محده شود اندارهٔ مهر ان ما مک عدو دید بی نموه ه میشود و صورت که اگر ما زنیه وحرر بای زنیه سخیده شودا ندازهٔ ان مک عدود برمی مست .

مانندست گارع درازاو نهر اندازهٔ کان محسب گرا دو به درازای مرتو دايره ما شدواريم:

f - Yane - Ten

ح ـ را د بال از ننه وگرا دیرای محاسب ی عد دی بجاربرد و میشود و بی در ما سند کرد اقصنت به ما و هنتر در دست و رمای شانیاتی کند و نکری لکارمسرند نبا مرا دیان دینی کانی برا مربرتن و آن کانی است ار دایر دکه دراز است ک بر تو دا برهٔ ست نعنی اکر درازای برتو دا برهٔ ی شلاً د ومتر با شد درین ایرهٔ را دیان کانی است بدرا زای دومتر.

ورسندسه ماست مشووك سنست وراراي سيسرمون سروابره مراد

ان عدولست کناس ۲۸ (۱۳،۱۴۱۵۹۲۶۵۳۵۰۰۰۰) بعارت دکیر درازای سیمامون وابره محسب را و بان برا ٣ ٦ استن بسنمير المون ٦ راديان است وحماريك أن ٦٠ راو مان .

اگر م درازا و مه اندازهٔ کان محب را دیان م برتو واره با خوامهم دانشت:

 $\mathcal{C} = \frac{\sqrt{\pi - 2} \propto}{\sqrt{\pi \pi}} = 2 \propto \frac{\sqrt{\pi - 2}}{\sqrt{\pi - 2}} = 2 \propto \frac{\sqrt{\pi - 2}}{\sqrt{\pi - 2}}$ درا زای کان به درا زای سیسیار مون دایره سرا برنست انداز فی می نها آ ( who have been but the but th

و ررسي

۱- درازای برتو دایم د و ای ۵ شرا صنت صاحبی سنمید درازای کانهانی ارد ایرا . मिंहात में हुलाई कर ह Pa William ۴ - درارای برتو وایره را صا میدمریا ه

<sup>(</sup>۱) دستشرعا فا كا في است هم مرابرا بر عراع ارح و يا ۱۲ رح كميريم - سرخه الله الم و پچان ج را اُناع نیکرو ت<del>ا تا</del> آنرا آنادوسیکرورست میدید .

الف - درازای كان ۲۵° كنترباشد .

ب - كان ٤٥ گراه دوست ونيم اشد.

ج ـ کان کیف را و یان سه سرماشد .

عا - مکد کامی گوشه - در بهندسهٔ است شده است کداندازهٔ کوشه مرکزی در بردی ان است کداندازهٔ کوشه مرکزی در بردی ان است کداندازهٔ کوشه مرکزی روبره به کلهٔ کان روبره می ان است کدبرای اندازهٔ کوشهٔ کوشهٔ کی شده که برای اندازهٔ کوشهٔ کوشهٔ کی شده که برای اندازهٔ کوشهٔ کوشهٔ که برای اندازهٔ کوشهٔ در بست مرکزی در وبرو بجاسی کدبرا بر بک زینه به دچون کیک کوشهٔ راست مرکزی مرکزی در وبرو بجاسی کدبرا بر بک زینه به دچون کیک کوشهٔ راست مرکزی در وبرای با برا بر ۹۰ زینه بی میتوان نیز در کافی است برا برجها رکائ را مون دابره و با برا بر ۹۰ زینه بی میتوان نیز در کافی است برا برجها رکائ را مون دابره و با برا بر ۹۰ زینه بی میتوان نیز

گفت كدرنيد بكيف نودم ( الله ) بات كوشدراست است. د فيفرو باست مهمن ترقيب تعريف ميشود .

مب مده وسکاه د هری کیدگوشدگرا دامت و آن کوشدایست مرکزی وبرق

و كاني كيد كرادي و بالم المكون راست است.

م مدراه بالدي كوشدا بيست مركزي روبروبكاني برام بيرتو ريني كاني كه ارام بيرتو ريني كاني كه اداراميشي برام ورازاي برتواست و باكلات كياف راوباني ،

نا برانخدنفت شدمتموا نا زین سپس مرون نیکدانهما می شدیمای لوشه کان درنگرگرفت ونعکس شلامیستان نای کاپکان ده زیندگوستنه و ه زنىد دنظُزَكرفت بعني گوست لەي مركزي روپروي آن كان وبعكس. د - شدیل کمه - سرکا د نداز دُلوشدای د ما کانی سکی زکمه اورت بالشدونيخ بهيما ندارموآن رانجس كلي وكمرازكه بإشناسيم تتراين ست كدنخت آن كوست را ديا آن كان را ) اكت كوشد راست (ويا احيا ركت سرامون لره) بنچوسیل زاست بلکنیم: مُسَلِمُهُ ١- الدازةُ كُولْمَهُ ١٠٥ ٩٧ ٥ كراداريسسةُ نيه يست ورد چون گوننگهراست ۱۰۰ کرا داست بیل س کوشه ۹۷ ، ۹۷ و رانوشنه راستهاست حال حون كوشه راست ۹۰ زينداست ايل ين كوشه رايرها デン・ハイノイルの、=9·メンタイクアドの قىقىة ٧٨١٠٥ ئىنى ھ ٧٨١٠٥ د قىقىد يا ٣٥٨ جا د ولي المستند على المراد المانيد على المراد المانيد على المراد المانيد المواد المانيد المواد المانيد المواد المانيد المواد المانيد ا

Aviorra = Avi resativa

مُسْطَعًا كُولُتُهُ ٨٧ ٨٤ ١٤ ١٤ ١٨ را بِكُرا وتبدلِّكُ فَعِيدٍ ا

مرارا مراراست المرام وققه به ۱۸۷۸ وققه ۴۶/۸۶۳ را داست ا ۴۶/۸۶۳ زنید ۱۰۵=۱۷۸۱۰۰ رنید AV, VAI. a = AV, VAI. a و ه ۹۲۵۳۴۵ . نوشندراست را راست یا ۵۴۴۵ ر۹۴ کراد. مسئله ۳- بهر کوشه را بارا و بان منحد ، كونهاس كوشيرا راست! ٩٧٥ و ٩٧٥ ركوشد راست وجون سركوشه راست رارات الم مرارات الم مرارات مراوان مرارات مراوان ما من المان مستلاع كان ٢٦٠ راومان را ماكراوما ما زند شخص كوئم بير را ديان ١٠٠ كروستاس كم راويان ١٠٠ كراوا ن على الاثاريان بن × على إلا = بنها إلا وق 

رای شرای در او مان او مان ، او مان ، او مان المرب المرب

= ۱۱۴، ۱۱۴، منداست وبایدانیا دیمکان رسیندر ایدقید و با نیر منت کل منوو:

 $\frac{1}{7} = \frac{1}{7} \quad \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \quad \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \quad \frac{1}{7}$ 

۷- وستنوگی بری سبدل کلید -اکراندازه نای کیائی سبب را دیان وزینهٔ کرا و تبرقیب به و ۶۰۰ و نام با شد و درازای بی کان را کدازه می دست و یا بی از و (۳) و (۳) میست میآید با بهم منجیم خواهیم

والشسية

ار وی و بستی علی مرکونه سنداند تبدل کیدرامیت و کشود: مثلاً م ار وی و بستی کی دی مرکونه سنداند تبدل کیدرامیت و کشود: مثلاً می مرتعنی می مرتعنی می مرتعنی می مرتعنی می مرتعنی شمارهٔ زینه نا می حبنسین و ایدبود:

 $n = \frac{11}{4} \propto$ 

این عدد موکه مین متب بسب سی میرا برشمارهٔ زنیه نامخان ست و دبگان این عدد را با پدیبر د قیصه و تا پند تدل منود

ورزس

۱- یک زنیرو یک گرا درا بحب او یا ن حیا بکسنید . ۲- اندازهٔ گوشهٔ ی برا بجب نید بست ورید :

AR 、 で 、 で 、 で 、 で ・ いり ア, ド

及, 松, 及, 及

V 5, VA DF , 1A , 1 B . , 19, 1 B. F

٣- اندازهٔ کوشهٔ ( پاکانهای ) زریحبب راویا ن هبیت ؟

rr'r., q., ra, s., pa, r.

VALAVAD, Vat, Di, IV PF

۴- المن و م لوران و مركب را رحيف كوشد راست مياشد؟

۵ - دریت عه وقیمه برکا زعفر کا عامت جندرا دیان سکروند؟

ء يسيان بر د قطر ، جنج علوى درشكلاى تمتروميان نرجيخ عقب أن ١٢٠

سایتمارست - وقتی سین حلو ۲۰۰۰ می کرده چرخ تقت بخیدرا و پان و ا پکشت؟

۷ - دریک شباند روز زمین حین دراه یا نکر داست پرخ و دسگر و ۶

۸ - چرخی ۲۰۰۰ ۴ دو ر دریک ساعت میکرد در دریک شایند حنید را دیا ن سیکرو ۶

ر بینی شند کی کروش ن چیند کردیان وژبانیست ؟)

۹ - تندی کروش حرفی ۴ را و مان دراین ست - در که ساعت چند و دروا بر د ؟

۹ - تندی کروسس چی ۱۰ را دیان و دانیهٔ ست - وریک عت چید و روا برزا ۱۰ - دارای نیهٔ می نفت اله ی کیک میلی ترست و را را می پرتونفت اله حقد را ؟ ۱۱ - حسالی نید مسافتی را که کما زنقطهٔ می خط استوامی بیاید و رست که زمین کیک را دیان سیکر د د - دریمن ت شیکا زنقطهٔ کی که درعوض «۴۵ قرار دارد جیمنافتی خوابد

المهود م

۱۲- دایرهٔ دست برتو ۵ شرحقد است مازه کانی این دایره (محسب نید) که دارای ن ع مشرسیا شد؟

۱۳- نندی کردش جرخی هفت و وژانیداست درجهٔ مدّت عورا دیان میکرد؟ ۱۴- ترنی باشندی ۵۰ کیلونتر درساعت وی کانی زدایره که برتوان ۴ کیلو متراست حرکت دارد - درُمَدْت ۲۵ تا نیرحینند زینه می کردد؟

٢- ١٠ و ارتاى شانى او نداي او تا كان ۸ ـ دروی کی از تحصیل مای کوشهٔ تند A نقطهای ع سرکزید از انجاهی رابر Ac سون (عموه) میکنیم انصلوی و کرنوست، را در ه تاتیک سند-من رمت سررات کوش ACB رست سا د (علی) نظور لدور مقدم دنیاست و مدیم سیست نای BC BC BC BC BC BC ان سدگوشیر است کی تنای نقطب در دی 1 AC (6) ان نسبه ما كه نتما مركوشه A نسته كلي دار : مبر مك اراي مي منيا : مدد عير راسينوس كوشته A ميسفايم و زاسينه ناش ميديم A ماد عدو <u>عهر</u> راسنون تنم الوشه A مینامیم وانراتینین مینامیم : A وه عدد ع راناترانست كوشه ٩ مناسم ، ، ، عدد <u>عدد المراثنت متم على المنتشق الم</u>  $\sin A = \frac{BC}{AR}$ 

Cotangente(r) tangente(r) Cosinus (r) sinus (1)

$$CosA = \frac{Ac}{AB}$$

$$tgA = \frac{Bc}{AC}$$

$$CofA = \frac{Ac}{BC}$$

الفت - ما ترانت ما كوشة تدرا بردور منوس أن وسما الم

$$(a) \frac{d}{d} = \frac{d \ln A}{d \ln A}$$

$$\frac{d}{d} = \frac{d \ln A}{d \ln$$

(4) Cot  $A = \frac{\cos A}{\sin A}$ (5)

(6)

(7)

(8)

(9)

(9)

(9)

(9)

سے میون مینوس وسنوس میتم مرکدام برا برنست کی تحب الوی می مرکدام برا برنست کی تحب الوی می مرکدام برا برنست کی تحب الوی می مرکدام برا برنست کی تحب برنست برنستان می ایدان کا تحب الرکان می مرکدان می مرکدام برنستان کی تحب برنستان کی تح

تعريفها مي بالاراشيسين شرمتوا كاسب الشكروا فرمير بسندنيز زا مستنشئا كوسند

سنیوس کی گروشد ای ندبرا برنسبت درا را ی هیپ اوی رو بروی ن کوشداست به درازای وتر:

رازی به بی فروی کوشهٔ <u>A - (BC) A بیب بروی کوشهٔ (BC) A بیب بروی کوشهٔ (AB)</u> درازای ویز (AB) سینوشمسیم بی زلوشه مای نیدبرا براست بانسبت درازای بھیپ اوی مجاور

میمون مسلم می رموسه ما می سهرا براست با سبت درا را می هیپ و می هیا . ریر ان گوشد به درازا می وتر :

دازای پیاوی مجاور کوشه ۵ (AC) = ۸ روی درازای ویز (AB) بایژانت یکی رکوست با تی ندبرا براست بانسبت مجهلوی روبروی ان کوشه میمین باری نمحا و ران:

eot  $A = \frac{(AC)A}{(BC)A}$   $\frac{(AC)A}{(BC)}$   $\frac{(AC)A}{(BC)}$   $\frac{(AC)A}{(BC)}$   $\frac{(AC)A}{(BC)}$   $\frac{(AC)A}{(BC)}$   $\frac{(AC)A}{(BC)}$   $\frac{(AC)A}{(AC)}$   $\frac{(AC)A}{(AC$ 

teres

 $\sin B = \frac{AC}{AB}$  $Cov B = \frac{BC}{AR}$  $tg B = \frac{AC}{BC}$  $cot B = \frac{Bc}{Ac}$ بنجیدن بروازشهای مثلثاتی A با بروازشهای مثلثاتی B مینیم: tg A = cot B  $\cot A = tg B$   $\sin A = \cot (9:-A)$   $\cot A = tg (9:-A)$ ليمي مناسل الم عنه و الم الم

خلاصانیکه برگاه دوکوشته به بگر باست کی از کشت برا بر انزانت می دارد. مینوسته و بازانت می دارد مینوسته برا بر انزانت می در مینوسته و بازاند مینوست و بازاند مینوسته و بازاند مینوسته و بازاند مینوسته و بازاند مینو

شَانُ ؟ عند و مُعَامِن و عنه و عند و عند و عند و عند و عند و عند و مند و مند

نا زانت وسينوس خي زكوشها درجد ول برنوست شده:

| ۶:    | ۵.   | ۴.°  | ۲۰.٬    | ۲.°    | ۱۰°   | م يومشه     |
|-------|------|------|---------|--------|-------|-------------|
| 1, 45 | 1,19 | 1159 | 20 VY   | 7848   | 1118  | <i>آزات</i> |
| 1199  | 7199 | 198° | ·/ ۵· · | > 44 F | >11 F | سينوس       |

۱- بیخامنیایی جذول پیداکسنسید در ازای بهپلوی گیرسه برنای است کوشته ABC را د ی گوشدراست که د وحب نیزران عیارتیداز

٢- ازروي تين تبعيد ولي ترسيم في اب ال) (الفيه) (ج) (د) ما

المنام المستعمد .

۳- برابربردارشی ی ربرا بحسب بردارش تم نویسد مناا نویسد منا نویسد مناا نویسد مناا نویسد مناا نویسد مناا نویسد مناا نویسد منا نویسد

ding = ? Win yv=?

cot rv ro=? tg rrrr =?

tg (9:-16)=? cosrr rv =?

 $Cos\left[9.-(\varphi+b)\right]=?$  sin(9.-Vo)=?

۹ - تعنیر است کوشت هم ( که دران تی کوشنراست سن ) شیخوس ارتفاظ کی کوشنراست کوشنراست کوشنراست کوشنراست کوشنراست کوشنراست کوشنراست کوشنراست کوشنراست کوشنرا می از نام کا مردی در می کارت کوشند می کارتی کارتی

م نرو ما يصفر ما شركستسول ن سر زو ك لصفرات

| Â     | 8 | ۹.٬ |
|-------|---|-----|
| sin.A | 0 | }   |

تعنیار سینوستم م در بان کل بیش که بازی هر را پایسکی بریم وقعی هم در ی است گوشهٔ ها برا برام فقی می در ی است گوشهٔ ها برابر صفراست و وقتی که ۱ در ی است گوشهٔ ها برابر صفراست و وقتی که ۱ در ی دور میشو د کوشهٔ ها برابر صفراست و وقتی که ۱ در ی دور میشو د کوشهٔ ها برابر صفراست و وقتی که ۱ در ی دور میشو د کوشهٔ ها برابر که در میشو د دور میشو د کوشهٔ ها برابر که در میشو د دور میشو د کوشهٔ ها برابر که در میشو د دور میشو د کوشهٔ ها برابر که در میشو د دور میشو د کوشهٔ در میشو د در در میشو د کوشهٔ در میشو د در میشو د کوشهٔ در میشو د در میشو د در میشو د در میشو د کوشهٔ در میشو د در میشو در میشو د در میشو در میشو د در می

ارزوی تساوی ع<u>ه ه</u> هره در و مشود که سنوس تنم کیاست و قبی که گوشیصفر اشد و چون کوشدار صفر ترقی کمند تاب ۹۰ برسیسنوس تنم از انتراس کینه تا بصفر برسد :

| B    | · • • • • • • • • • • • • • • • • • • • |
|------|---|
| cosB | 1                                       |

تغیرات کارانت - در بان کار بنی ایم عدد کاریم عدد کاریم عدد کار کار نوشار نوشار نوش کاریم میدان کار نوشر ترقی

| B    | 0 | 9. |
|------|---|----|
| tg B | O | 00 |

كرده يي نداز ، مزرك منكردو . تعنيات بالرانت متمم حوتا زانت متم واروق زانت ستغيرت واروزتنسرات الرانت مياشد (وياانكيمنولسيم (B-: ٩) و cota = tg ع ده و را زروی تغییرت ( q:-B ) منارت ( كلمك زا برابرها ي ربردستاست كلم اوست" sin fix > cos fix sin si > sin yi tys. < tyri cots: < cot wi sin rà > cos rà ۱۰- بردارشهای مثلثاتی کوشهٔ ۴۰۰ و ۶۰۰ ـ فرفکن یم درسه بررآ گوشنه ACB (كدران كوشه ع راست) گوشهٔ هرابر مج باشد (عله) باربر شه A برابر : ع خوابدلود .

نخت بردارشهای شکتا تی کوت، ایر راحها می کمنیم برای تی و ایسان می بای تی و ایسان می بای تی و بردارشهای شکتا تی کوشه ای احسان کارد و قصت به بندسی زیرا با دا و ری سخت می اندایش به بندسی نی از کوشه بای تندیرا بر ایم با بند به بندسی نوشه بی از کوشه بای تندیرا بر ایم با بند به با به به در است کوشه بی از کوشه با بی تندیرا براست با مجموع توانهای د و و م د و به بلوی کوشه راست کوشه توان و م و تربرا براست با مجموع توانهای د و م د و به بلوی کوشه راست

$$AC = \frac{1}{r} AB$$

$$BC = \frac{r}{r} AB$$

$$BC = \frac{r}{r} AB$$

$$BC = \frac{r}{r} AB$$

$$Cos r = \frac{AC}{AB} = \frac{1}{r}$$

$$Cos r = \frac{BC}{AB} = \frac{\sqrt{r}}{r}$$

$$Cos r = \frac{AC}{AB} = \frac{\sqrt{r}}{r}$$

$$Cos r = \frac{BC}{AB} = \sqrt{r}$$

$$Cos r = \frac{AC}{AB} = \sqrt{r}$$

$$Cos r = \frac{AC}{AB} = \sqrt{r}$$

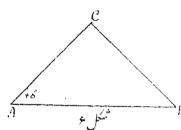
$$Cos r = \frac{AC}{AC} = \sqrt{r}$$

و و م بروارشهای مثلثاتی کوشهٔ عوسون عمتم ۲۰ ست

$$\exists in \ \varphi := \ \mathcal{C}or \ \varphi := \frac{\sqrt{\varphi}}{r}$$

cot 9: = to 
$$\mathbf{r}$$
: =  $\frac{\sqrt{\mathbf{r}}}{\mathbf{r}}$ 

۱۱ - يروازشها ي مثلثاني كوشد ۴۵ - اكردرسيرراست وشد ACB



رشرع) كوشد A سراسر ۴۵ باشكوشه تند و مکرشم نه ۴۵ خوا بدیو د ونیا برت ورسه بر AC دو کتیسلوی AC و

$$en \varphi \hat{b} = cos \varphi \hat{b} = \frac{Ac}{AB} = \frac{\sqrt{r}}{r}$$

$$fg \varphi \hat{b} = cos \varphi \hat{b} = \frac{CB}{AB} = 1$$

$$\begin{cases}
\frac{din}{dt} = \frac{din}{dt} =$$

۱۲ ینبصره بینانگیخوآبسیم دیدوزشهای ۲۲ مرد آخرنیاب ازروی بردازشهای مثلثاتی کوشهٔ کمی ۲۶ و ۴۵ و ۱۶ میوای دیشها مثلثاتی برخی زُکومشه فی ما نند ۱۵ و ۷۵ و دیمرامنین مود ولی از بنها کذشهٔ فیتوان مرد ازشهای مثلثاتی مبرکومشه مای مطور درست معبی کرد به مقدام تقریبی پردازشن می شنگانی کوئشنهٔ کار نه تا ۹۰ راحیاب کرده و د جدو لها می ضبط کرد و ند - درآخر کتاب کی زین جدولها دیده میشود که دراله پر دارسشن می مشاشاتی کوشهٔ ۱۰ ده د قیقه بده د قیقه ۴ ما یک ده نظر در تقریق نوشته شدهٔ ست.

۱۳ - استگی میان میروس شهروس تم می کی شد - درستررا کوشهٔ ACB ( ع کوشه راست ) داریم:

 $\overline{AC}' + \overline{CB}' = \overline{AB}'$ 

 $\left(\frac{BC}{AB}\right)' + \left(\frac{CA}{AB}\right)' = 1$   $\left(\frac{COJB}{AB}\right)' + \left(\frac{JinB}{AB}\right)' = 1$ 

ینی مجموع توانهمای دوم بینونگ کوننه وسینوس تنم آگادشه برابر بکاست معمولا توان دوم هر مهره و هروی رانبریب

Cool B o din't B : single

ارشی و ید ه میم و ید ه میشو و له سینوس می ماید کوشی شد سینوس می ماید کا میمواد است.

ه روه و روس ارزوی بنگیهای (۵) (۶) و (۱۱)

القسيما - عبارتهاى درراشا تحسيب درين بوسيسيد:

sin a Cosa = tga = sin a (1- sina) = Tan a = cosa = cosa

 $\sin a \left(1 - \sin a - \frac{1}{1 - \sin a}\right) = \sin a \times \frac{\sin a - r}{1 - \sin a}$ 

cosa. tya- sina

tg a + 1 - 1 + v sin a cos a

1 cora tga+cora-cota

ب عارتهای زیردانجب عدول نولسید:

Cot x + 1 der x ; Cos x

(1+ Cosx) (1- Cosx) + tgx (cotx-1)

sin x + Cosx+ sinx cotx + cosx tgx

(1 - Jin x . Cos x): (1+ Jin x . cos x) - cota Jin x

ح - عبارتهاى دررا عسال كالاه منا موسسد

1 + tgt & wint t + tgt cot &

tg 6 + cotb- sin 6 - cool

 $\frac{tgx}{sinx} + \frac{cotx}{six} = (cotx-1) sinte$ 

عدا الله و عدا الله و الله و

" Cor T. - T Cor T.

ty po xeotr: : ( sin po : cor r:)

۴- نابرابریهای زیرراروشی سازیه (۵ کوشه ایست شد)

tin a + Cosa) 1

sin a + Cosa Vr

tga + cot a > r

sin a Cosa < +

۴ \_ بحک جدول میرد ارسش می شک تی درستی برا بربهای زیر را بررسی ما -

Ser Di - Cor 1:

Cor A: + Corf. = Corf.

۵ - ایا را بربهای زیرورسشاست ؟

Jin 9.° + ±12 1° = ±12 (9.° + 1°)

tg s: + tg r: = tg (5° + r:)

Y Cor Y A = Cor 9:

cot +: + cot +s = cot và

din s: = Town

ع - ارروی شکیهای (۵) و (ع) و (۷) و (۱۱) دستی برا بریهای زیرزر

نما ئىد:

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x} = \frac{1 - \cos x}{\sin x}$$

$$\frac{1 + \sin \alpha}{1 - \sin \alpha} = \frac{1 - \sin \alpha}{1 + \sin \alpha} = \frac{x + tg \alpha}{\cos x}$$

$$\frac{1 + tg^{T}x}{1 + \cot x} = \frac{1}{1 + \sin \alpha} = \frac{x + tg \alpha}{\cot x}$$

$$1 + tg^{T}x = \frac{1}{\cot x}$$

$$1 + \cot x = \frac{1}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} + \frac{x}{\cot x} = \frac{x}{\cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} = \frac{x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} = \frac{x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} = \frac{x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} = \frac{x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x} = \frac{x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cot x}$$

 $\frac{tg}{B} = \frac{3tn}{\cos B} = \frac{4}{4}$   $(4) \quad G^{(4)} \quad G^{$ 

اکریجای سینوس کی دکیراز پروازشهای مثلثاتی داده میشکت بش کمه

عن من من الماس من الماس من الماس من المال والمال والمراد المال والمال والمالمال والمال والما

ور هر تل قی کمن ایسکل۷) -سنیوس لوشه ABC عددداده شدهٔ ۳ است مرد رشمای شْنَا بِيَ اين كوشه ما سنح مسئله ميما شند - براي برست ٔ ورون نها کافیست درازای عظراا ندازه کمیریم- درایش کل Be برست ٔ ورون نها کافیست درازای عظراا ندازه کمیریم- درایش کل برا مز على كدورا راست  $\mathcal{C}_{of} \mathcal{B} = \frac{\mathcal{B} \mathcal{C}}{\mathcal{A} \mathcal{R}} = \frac{\psi}{\partial}$ tg B = AC = " الرئاي سينوس تح سينوس تتم هروا وميشد را مُشَانِيشِينَ في نبذ بالامليود \_أكر*B وي* واووشو وشكًّا ع کا فیست وی کیسار کا ی کوشار آی ا . مانند شخ درا زا ما فی سرمتیب سرا سرما سر و ۳ کینه درا زاسب سداشود (نمل د CB=۴ حA=۳ مداشود و ازروی کل درازای AB راانداره سیکیرم مشود AB = ۵  $AB = \frac{CA}{AB} = \frac{\pi}{\Lambda}$  $\mathcal{C}_{of} \mathcal{B} = \frac{\mathcal{C} \mathcal{B}}{\Delta \mathcal{B}} = \frac{\mathcal{C}}{\Delta}$ 

$$\cot B = \frac{BC}{AC} = \frac{F}{F}$$

۱- بردارشهای شکتاتی و گیرگوستند شد بد را بدست ورید:

$$\cot x = r \qquad (r) \qquad \sin x = \frac{1}{r} \qquad (1)$$

$$\operatorname{Cos} x = \frac{r\sqrt{r}}{r} \quad (r) \qquad \operatorname{tg} x = \frac{9}{r} \quad (r)$$

$$cot x = \frac{r_1}{r_1}$$
 (5)  $cot x = \frac{r_1}{r}$  (6)

$$tg x = \frac{YV}{V}$$
 (A)  $Cox x = \frac{1}{\omega}$  (V)

$$\forall m \ X = \frac{r}{r} \qquad (1.) \qquad \qquad \mathcal{C}os \ X \ = \frac{ir}{ir} \qquad (9)$$

$$z(n) x = \frac{\alpha}{2} \qquad (11) \qquad \vec{cg} \quad x = \alpha \qquad (11)$$

وکمر مد و بن راحیاب کرو؟ چرا ؟

١٤ - ا يأكوشا ي فت مشود كرمسينوس ن عرو وسينوس تممان ٧٠ باشد؟

۱۵- پیداکردن کیت گوشتنسند با داشتن نجنی اربردا رشهای آ

العنا \_ را وسيساني - ويريم ( ١٤ ب) كداكرسلا 3 مريد

وررس

گوشهٔ بع را دبیرکمال زمانهای زیرکشیده پردازش ای دیگران رابیا بید ·

$$\exists \ln x = \frac{v}{v_{ir}} \quad (v) \quad \exists \ln x = \frac{\Delta}{q} \quad (1)$$

$$\cos x = \frac{\psi}{\alpha} \quad (\psi) \qquad -\sin x = \frac{1}{\tau} \quad (\psi)$$

$$t_g x = \frac{\sqrt{r}}{r} (\hat{r}) \quad cos x = \frac{r}{1+m} r (a)$$

$$t_0 \times = \frac{\sqrt{1-m^r}}{m} (\Lambda) \quad \cot x = \frac{\Lambda}{10} \quad (V)$$

$$cotx = \frac{ra}{r}$$
 (9)

ب \_ازروی حدول مثال ا\_سنوس کوشد تندی ۱۴.۶۰ ا

کدام ست آن کوشه ؟ د جدول می سینی که عدد ۱ ع ۶۰ سینوس ۱۰ شع

منال ۴- ما نرانت کوشد تندی ۲۵۲۸، است آن کوشه رامغین کنید این عدو درجه ول درستون نرانت و یده نی شو د ولی می جنیم این عدد از ۲۰ م ۲۰ رکه نرانت ۲۰ ۱۹ است نرکست ژار ۱۹۴۳ رکه که نرات ۱۹ ۳۰ سیمها شدکو حکیراست - بسر چون سرکا ه کوششت نررک شو و ما ترانت کی نیر مرزک میشو د کوشه است ما کرست د واز

الع المورفلات منس الوسيند:

 $D = rr \left\{ \begin{array}{ccc} (ra\cdot A) & & & & & & & \\ (ra\cdot A) & & & & & \\ (rar) & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ & & & & & \\ \end{array} \right\} \quad (1)$  $x = 19' \text{ r'} + \left(\frac{1 \cdot x \text{ r.}}{\text{rr}}\right)'$ شال ۲- سینوس تمریک گوشد شند ۹۰۱۷ و رو است کدام است آن این عدنوسینر درجد ول درستون سنوس تنم او په ونمی شود ولی می سینیماز عدو ۱۳۰ م. که ۴۰ م costa است زرگتروا زعدو ۱۹۰۲۶ و و بی سیدانیم مبرگا ه گوشدست بزرگ شو دستیوس تیم ان کو حیات میشود و کلیس يس كوشهُ استناس ز ٤٠ ٢٥ كو حيترواز ٣٠ ٢٥ نرگترت. بازفرض كينسيم ز ٢٥ تا ٢٥ تا ٢٥ تغييرت سينوس تتم أنفيرا كوشه تناسب الله نا برين حول تفاصل ميان ، ۴ م Cos ۲۵ و Cos ۲۵ م سان رو تفاضل میان که مره و عدددا دوشده ۹ مرو ا

مبركاه "١٠ مجوشا فرور وشودارسينوس تمم ن ١١٠٠ ركم ميودسي الماث

مَّ لُوشْهِ إِنْسَارُوهِ هِ أُوهِ مَّا ارْسَانِينِ مِنْ الْمَانِ ١٠٠٠ مَ مُنُّود ؟ عواب م<u>ان</u> القريبا المقريبا المقيم المست بنا برين كوشنه شناس نا + ٢٠٤ م ٢٥ ست:

Cos Yo' WV' = y 9.1V  $(1) \frac{d}{d} \frac$ 

 $x = Y \partial Y' + \left(\frac{1 \times 4}{17}\right)$ 

۱-گوشه مای بد از و رزش بالا (۱۵ ایف) راازر وی مال پرایست آن آن د کیر بدراازروی جدول مرست و روه دونت جدرا با بهم سنجید . ۲- ازروی جدول درستی عدو مای زیررا بررسی نایید

Sin f'' f'=ys f f A; cov f A' O'=yVAVISin v s v v A=v s f V I; tglor' f o'=yf s f f cov f f'' Iv=y s f f A; cot s f'' I:=yf A f I

٣- كتاب سرة في سرة والم

عوا۔ خیا کہ درمقدمگفت شدموضوع علم مثلثات بیداکرون خررہای است اس سکوشہ است ازروی خرد ہای سنت اختدا نہا بوسیلہ دشواری بیش ت

ازراه به نسب سی میدنیم که مهرگاه کات تصلو و بات فر دو متر (حرکوشدر)

ازراه به نسب بر راست کوشر راکست اسم حزر مای و کور ام سیگی است و قر را میری است و قر را میری است و قر رای بدست و در این است می در این میری است از یک بیست و در این این به سیند و در این این بیست و در در این این بیست و در این بیست

 $c' = \alpha' + b' \qquad ( )$ 

 $(17) \qquad A + B = 1.$ 

(11°)  $\sin A = \frac{\alpha}{c} = \cos B$ 

(12)  $\cos A = \frac{b}{c} = \sin B$ 

 $(15) tgA = \frac{a}{b} = \cot B$ 

وستوره ی (۱۴) و (۱۵) و (عوا) و شمارهٔ المضم تم رفت بردارشهای

مثلًا فی کومٹ تندیدست مدہ ومعن کی نہارا دویارہ بعیارت و کمر یا دا وری کینیم: در میرسد سر را ست کوشه در ارای میرمانیا کشیرسه و می کوشه را را راست باحاصل صرب دا ای وتروسنیوس تهم کوشدمجا وربان

در سرسر راست گوشده را زای سریان از بهاونای کوشد است کرا با حاصل خیرسیه دارای تر در سینوس کوشند و بروی ن کیلو:

ومرسه سراست کوشد درارای سر ماسیا رکتاو تا ی کوشد است ا ماصل صرب از انت کوشهروبروی ن میسلو دردرارای بهلوی و کمر

 $C = a.t_q B$ a=8.6 A رسش می ساوه

اگر درسیرراست کوشهٔ ABC (۵ کوشداست)

 $\forall \alpha \qquad \forall r := c \qquad \forall n A = \frac{1}{r}(1)$ 

The a solver  $\mathbf{r} = \mathbf{c}$  of  $\mathbf{r} = \mathbf$ 

 $a \qquad a \qquad b = C \qquad a \qquad a \qquad (a)$ 

 $a \quad c \qquad a \quad 1A = a \quad s \quad \forall in \ A = \frac{r}{A} \quad (s)$ 

"  $f \circ \alpha$  "  $Y = C \circ Cos A = \frac{Y}{F}$  (Y)

" " " " " " " tg A = ", TD (A)

 $a \circ c \quad a \circ = b \circ \frac{1}{\sin A} = a \quad (9)$ 

مثال نخست - ازسه براست كوشهٔ AB وتر AB وكوشهٔ B را

يم: ١٥٧٠ متر = ٢ - ٨٨

R = ra r.

ناستناسها عبارتنداز Ac= 6 و کلیسلولای Bc= Bc و G = Ac=

(10) (10)  $A = 9^{\circ} - 7^{\circ}$   $A = 9^{\circ} - 7^{\circ}$   $A = 9^{\circ} - 7^{\circ}$ 

a = e corB = 1 a, V X cor ra r.

P = C =inB= 10, VX Jin Po P.

sin B و B د د د ازروی صدول بیست میآید:

sin rs + = vonr1

corps F. = 1/1174

a = 10, V X ; AITF = 11. V 3 5

B = 10, VX; DATI = 9, 104.

اکرمهنت سدر اسم مخوابیم ا داشتن ۵ و مح میتول زاحها کرد

S= a. B = cr sin B. cor B = 15, VAAX 9, 10 F = AA, TA

هرستنی نته راا زروی دستور (۱۲) بررسی نمود

ران ورستی چدره رروی و سور ۱۱۸ بیلوی مه و کما رکوشهای مال فرق م- از سه برراست کوشهٔ ع AB پیلوی AB و کما رکوشهای

ن. نبدرا دا ریم :

AC= C= Fryso

= YN Y.

ورنی وتر ۸۵ و بهلوی عدو کوشه فی اشاس

(190) Land by a house of the comments of the c

اً عمل المراه المراع المراه المراع المراه المراع المراه ا

$$c = \frac{c}{corA} = \frac{rr, so}{corr, r}$$

$$a = \epsilon to A = rr, so x to r i r$$

$$corring of corrections of to A corrections
$$corrections of right in to A corrections$$

$$corrections of right in to A correcti$$$$

بهند سه برسم برا براست ! ع ۲۹ (۱۷) تر ترتی = ۲۶ (۱۷) تر ترتی = ۲۶ (۱۲) بررسی منود و از ا وراین جا جم تیوان در سستی آیجه راا زروی دسستور (۱۲) بررسی منود و از ا جنین فانولسیسیم !

و میال سوم - از ایک سیر راست کوشد و و میلوی کوشد راست را مثال سوم - از ایک سیر راست کوشد و و میلوی کوشد راست را

و تروكونسه في استناس .

مخشایش گرچه و ترا زروی دستور (۱۲) برست میآیه ولی برای نیکه ریشگرفستر. در کارنبا شربهستار نیست که و تر رامیسل کوشد تا و از زوتی نا ه بست بیا دریم و دستور (۱۲) را برای بررسی درست بو د ن سیجه بکار

> سرکام موحملسه دستور (۱۶)

 $tgA = \frac{\alpha}{6} = \frac{v}{\Lambda} = v \Lambda V \Delta$   $\frac{\partial}{\partial v} \int_{a}^{b} \int_{a}^{b$ 

B = 9 - A = PA P P P C = PA P P

Coo For II = 140 FA

رانستا واريم:

AB = c = 11.

AC = b = V

ناشاسس با داین جاعبارتنداز دوگوشهٔ A و Β و کھیسادی α مُشایش بهرجت دستور (۱۵)

 $Cor A = \frac{V}{2} = \frac{V}{2} = V + V$ 

بس ۾ آرروي عبدول ميست ميا يد:

9 = 0. 49

ولموحب وسوراهن

 $3 = 9^{\circ} - A = 79^{\circ} \text{ mi}$ 

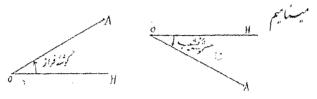
 $a = \theta \cdot tg A$   $f(x) = \int_{-\infty}^{\infty} (x) dx dx$ 

tgs: 49° =1,8188°

ن م داین جانمی نرون ه راازروی دستور (ط + ع) (ط = ع) یک برست ورد و به درسی نمتیجه بی مرد . ورزش

جزرانی مشناح میندسرای است کوشهٔ زیررانشناسانید:

سُرُوْسُنُسُیْبِ فَکُوْسُهُ فِرار - فرضُ سَیمِ پُر دِنقطهٔ ۱ باشده بِنقطه ای نند A کاه کند بِنَهِ مُطَّ A با من فقی H کدار ۱ میگذر دکوسٹ ای میسازد - نیا رَآلُه A بالای من H یا مِنْ ن ل بٹ کوشر شد A راکوشهٔ فراز باکوشهٔ نشیب A از ۲



۱۲- بندی سارهٔ ی ۴۵ متروکوشنون لرآن از ۵ که روی مین سن دینی گوشه نست لرزسرناره ۴۶ میب شد - دوری ۵ از پای منار جین دستر آ ۶ ۱۱۰- بیمنیش شخصی که ۶۰ متر دوراز دخی کمین با ده کوشهٔ فراز آن دینت ۱۲۰ میل بندی دینت راحیا کی نسید دصورت که باینچیم ان شخص ۱۶ متر الاترانز بین آب ۱۵- ساز دخی برا بربا ابنت دکی ن دخت است ایندی خورش بدنا گوشهٔ فراز وزشیما درآن سای تنصیب ۱

۱۶ د نونس ایروشکی ست براز آب درزد کی برجی به است دی ۳۵ متر به برای شاختن درازای میب ان برخوض کوشند نشیب و سرمیان بری زخوض اکد بایج در یک مانستها بست از مربی انداز برخوش کوشند شایم ۲۵۰ و ۲۰۰ شده درازی میب ان فردا میاب برای میسته به ۲۵۰ و ۲۰۰ شده درازی میب ان فردا میاب برای میسته به ۲۵۰ و ۲۰۰ شده درازی میب ان فردا میاب به میسته به به میسته به میسته به میسته به میسته به در از در میسته به م

ستایش مین سیدوقتی که دوگوشه تبرقیب ۴۴ و ۲۸ باشد.

۱۷ شخصی رای سپیداکردن بهنای کمی رو دنانه لینی برای پیداکردن ندازهٔ محده محده محده می دردی عمود کمیدازی بر AC کشیده میده (CB=۲۵)

وگوشهٔ CBA رااندازه کرفتهٔ ست ۶۰ حکم حسل کنسد که را در کارفتهٔ ست ۶۰ حکم کاراه کرفتهٔ ست ۱۰ محمل کارنده کرفتهٔ ست ۲۵ می کاراه کرفتهٔ ست ۲۵ می کاراه کرفتهٔ ست ۲۸ کاراه کرفتهٔ ست کرفتهٔ ست کرفتهٔ ست ۲۸ کاراه کرفتهٔ ست کرفتهٔ

۱۸- با دوگوشدیاب که در د و تنظمه هم و ه پیامشندگوشد فرار سوابیانی لا بُرْرُ میکیریم ( در قِبت میکه سوابیا به نامن شاخولی که از AB میکدر دسیرسد) تبرتیب ۴.۶ و مهم میب باشدها ب کیند نمیندی بروانها را انفرض نیکه هم و هسر د و روی کین خط افعی بوده مین ۱۵۰۰ منراز ترسع و رباشند .

19- درکن رر و دخانه ای بهنیای ۵۰ متربر حی ست - و میدانم سینوس گوشهٔ فراز برج از انظر برف و دخانه که درست و بروی ج ست تربیا شد عبد مرح حین دسترست م

.۲- بچیا ندازه از پای برجی که لمبندی ن ۲۰ متراست و ربایی شد باگوشنه فرا ز

بن ۴۰ ویده شود م

١١- سَكُوْ مَا يَ مِرْجِي وَرِيكِ مِنْ فَقِي سَتِ الرَّكُوْسِيْسِ سَكَ أَرْسِرْنِي . ٢٠.

مروشنشب نا رسواخی از برج که درست بیک فاصلدار با پئین بالای برج است جذخوم. مودی

۲۶ ـ ببندی سگوشه متساوی تساقینی ۱۶ مترو ببر کیئ زدوکوشهٔ برا برآن ۱۴ میں شدیھے۔ ماد دو پہنڈان راحیا بکسنید ،

۲۴ شخصی نیوا به مبندی دختی رااندا زه گمیرد-برای نجاز دونفطنه ۹۶ ه که ا ۱یای دخت روی کمب خطافنی میب باشدگوشهٔ فرار دخت ااندازه کرفته- در ۹ مینوس گوشهٔ فرا زدخت ازدگیراست ناست مینوس گوشهٔ فرا زدرخت تنه و در هاکه ۱۵ متراز ۸ برخت نزدگیراست ناست

گوشهٔ فراز کې مياشدابندې دخت چند سراست؟

۲۴ - حسا ب کمنید پر تو ٔ دا بره نای خاطی و محیطی کیٹ پنج نرسنستطنی راکه مهاوش حهار پیت

۲۵ - در کیک دا بر ه سرگاه زبی یا پرتو باشد کوشهٔ مرکزی روبروی ن زجیداً؟

۲۵ - برای فیستن بنیدی کیک برج گخهب آنی که در بالای تپلی ساخته شده آت در با مین شید کرد و تیم تر تیب ۲۲ و ته ۴ در با مین شیر زد و تقطهٔ ۲۰ و ۳۶ و شیم شده است می و هر روی کیک خطانعی سیسباشند که آبا شدیرج در کیک نامن ته و هم برابر ۲۰ متر پیباشد - بندی بخطانعی شیخید آ؟

٢٢ - ملندى سساخاني ٢٠ متراست - حياندازه دوراران بديور كالموشدة

ويدهشوو.ه

۴۴° ۲۷ ترجی به طب دی ۱۱۰ شرکوشهٔ نستیده و نقطهٔ A و B تربتیب ۲۷° ۴۴° و و بربتیب ۲۷° ۴۴° و و در کی مست بنجی و ۲۰° ۲۰° میاست د و ۲۰° ۲۰° میاست د تا صالهٔ A و B از مهد گرحقد راست ؟

۲۹- کو می ست به بلندی ۴۵۰۰ مترکه گوشهٔ صنداز آن رنفطهٔ ی A که خود ۲۰۰۰ م بالای دریاست ۲۰٬ ۳۱ است و ری A از سرکوه مخط است حبیدت ۹ بالای دریاست مشرد زوجتی در یک نقطه عوالا است فی گرده مشرید بخت نزد کمیرشوم

> م محکوشهٔ کلبندی درخت جیسیت؟

۳۱- را بمی ست به شیب ه درصد (مینی دونقطه از او که فاصله نقلی نها صد سرا منتخالا ف بایندی ارزیم نتری سیدختلاف بلندی دونقطهٔ ۹ و ۱ ارراه را نفرض ایس

A و B پنج کسیاو تترازیم دورباشند .

و دوری ، رازر مین صاب کرهٔ زمین اسرگاه از ما منبگرند کوشهٔ که ۵ دیده مشود زین

\* مومو یموا پیمانی در مبندی ۱۰۰ ۵ مشر بروازمیکست. د چید دا برهٔ ی از را مین خوا بدوید؟ العنی برتواین دایره میشدراست. ای و یا برتوافق مبوا پیا حیسیت؟)

٩ ع ١١ - ١٠ والهميسا محير انبدي مدير وازكسند السفيد و مركبيوشر وورتررا ومند؟

۲۵-برتود ایرای ۷۷ ساستیرست برامون د بهاوی شنطم محاط دران حید

بياشد؟

ع سينه و محيب لوي منظم محاط درسين اير ه حيدت م

۳۷-اگرمپنه ۵ مپلوئ شفام محاط دریک دائره ۱۳۶ سانتم ترمز با شدمینه ۵ مپلوئ شفم محاطی چخوا بدلود؟ پرتواین ایر قی پرتو دایر و نمی ط دینج تحصیلورانبز حسان

۳۸- ناست کسید که بهند مر بهای تستظم محاط در دایره ی که برتوش هر ست برا کا برتوش هر ست برا کی که برتوش هر ست برای که برتوش هر ست برای که برد کا بی دستور بهند چند برای کی منت طرحاطی را که شما ره که به اولی کی سر و ع و ۵ و ۶ و ۱ و ۱۲ شد مست طرحاطی را که شما ره که به اور به و می برست کا ور به و می برست کا و بر به و می بر بر برای می برست کا و بر به و می برست کا و بر به و بر به و می بر برای می برست کا و بر به و می بر برای می برست کا و بر به و می بر برای می برای می

۲۹- تا ست کنید که بینه مر بهاوی شطم میطی ۱۸۰ و ۲۶ مرست ۲۹- تا ست کنید که بیندی ۲۴ شرکوشهٔ نشیب و مستکی که با پای مناررو

من خطافقی سیسه باشند ۱۴ و ۴۰۰ و باشد ژو سنگ از هم هواندازهٔ و زید؟ ۱۶ شش بهاوی نگفتی دایراه ی محیط است که پرتوش ۹ رع متراست و آرای فوی ایزا چها گیمنسد ۴۰

ع ما درازای کوشه فردنداری مهاوی شخم است داری مهاولی فنیت

۴۶- نه بپلوشت طنی دایره ی محاط است سربرتو همشرورازای سرکیا زمیلو<sup>ا</sup> ی ر ۱ را جسا سالنید .

۱۶۶ - میان نر دایرهٔ ی ۱۸۷۷ مست ساب کنیدگوشد مگری رو سرو به کالی ازان رالدُرشس ١٠٤٩ ست.

۵۵ - زه کانی به درازای ۲۰ سانتم ترست دوری سیان زاد زمیانی ن ۶ سانتر اندازه كان تبسب قيمد وزينه سيست ؟

ء ٢ - حسا سبكسنسيدُ نيه ؛ ي كاني راكدير توشنس ٩ مشرو دوري مها أنا كان زممان زنش ه ۳ مترمهاشد.

د. ۷ ع به درا زای کسیساوی کیک بار برهم دومتراست حسا کسمت پدیرتو دایر و محافی و

۴۶ - نیخ برشمی ست محاط در یک دا بره بربرتو ۳ مترصا م کنید برتو دایره محاطی

۶ ۶ - یا نیر مبری مُربِعی به مقیلوی ۵ مشرامسته می گوشهٔ میان مُرکیسًا (میلونای مُرتع ۱۱ ل سرم ۷۵ است بندی سرم بقدراست؟ ۵۰ - از A که درجنوب برجیاست گوشد فراز کنیخ ، ۶ است واز B که ۱۰۰ مثروم

المرق مسكوشفرارثي ٠٠٠ بندى ني راحيا بكسنويه ٠

۱۵-۱زیک نقطه دو درخت A و طرام پیشیم A که در ۱۶ متری ست گوشد فرازش ۱۶ ۴ ۴ میا شده کوشد فراز طاکه در ۲۵ متری میباشد ۵۰ ۳۱ است کدام کیا اُدو درخت ابنا بتراست و تیاندانه ۶

۵۲- برتودایرهٔ ی ۴۳ د سانتیمتراست کی کسند دو کان ۲۳ م ۵۴ را ۵۴- درسانتی کرسائه دختی به لبندی ۲۵٫۴۷ شر ۵۶ را اسرمیا شدخویرشسین پنینه ۱۷۶ فق است ۱ (یا لمبندی خورشیدچه اندازه ست ۲۶)

۱۶ - بین و درازای راست گوشدای نبرتیب ، ه و ۷۴ سانتمیزاست کینسبد گوشای راکه بهپلوی بزرگ ن با گوشه نبرد قطری سسازد ،

۵۵ - ز. دایر!ی برازای ۱۰ سراست وگوشهٔ مرکزی روبروگی ن ۱۷ - ورازای پرتو دایر دراحسا ب کنید ۰

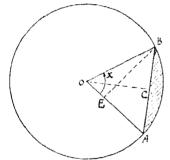
۵۶ ـ سا به وختی ورساعتی که کوشهٔ فرا رخورستدید عُ۵ است ۱۰ مترمیا شدنبند دخت راصا کیمنسد .

۱۵ مرد ایره می دارای می و ماسس بردایره هم است و دارای می و ماسس (ارتفطهٔ لاقی آنها مالعظه تماس) شج متسر- برتو وایره راحها کیسنسید،

۸ ۵ کفت ایوان خاندای هاست ر بالا ترازاب حوض سنت و دران ندوی ا که کوشهٔ فرانشش زنقطهٔ هم که درگف ایوان می کیری ۳۰۰ و کوشهٔ نشیب نصورش دارس حوض

الف - B و ع سريك جدانداز والاتراز A يا شند؟

ب - اگرشیب ز هر تا می رایخواخت کنندین شیب حیانداز دخوا بدشد؟



د مبندسهی سیسینم که پند تطاع AOB برا رندهٔ قال طرب درازای کان ABست دردازای

یر تو دا *بیره* 

 $AOB : \overrightarrow{W} = \widehat{AB} \times AOA = \underbrace{RX}_{r} \times R = \frac{1}{r} RX$ 

وحوال

$$AoB \stackrel{\text{def}}{=} \frac{1}{r} AB \times OC = \frac{1}{r} OA \times BE = \frac{1}{r} R^{r} \sin x$$

$$= \frac{1}{r} AB \times OC = \frac{1}{r} OA \times BE = \frac{1}{r} R^{r} \sin x$$

$$= \frac{1}{r} R^{r} \times -\frac{1}{r} R^{r} \sin x = \frac{1}{r} R^{r} (x - \pi in x)$$

۱۰ - برتودابرهٔ ی ۲۳ مانتیترات کبنیدزه کان ۲۳ م ۵۱۵ را ۱۳ - درساختی کرسائید دختی به لمندی ۲۲ ر۲۵ شر ۶۵ را دا شرمیبا شدخورشیدخیز نید ۷۴ و درساختی کرسائید دختی به لمندی ۲۸ ر۲۵ شر ۵۶ را دا شرمیبا شدخورشیدخیز نید

۱۹۵ یمین و درازای راست گوشدای نبرتیب ۵۰ و ۷۴ سانتیراست کبنسید

سروشەرى داكەسپلوى بزرگ ن باكوشە بْرِدْقْطىمى زو . سىرىشارى داكەسپلوى بزرگ ن باكوشە بْرِدْقْطىمى سازو .

۵۵ - ز ، دایر!ی برازای ۱۰ شراست وگوشهٔ مرکزی روبر وی ن ۱۷ - درازای برتو دا بر د راحیا کنید ۰

ع ۵ ما یه دختی درساعی که کوشهٔ فرا رخورستید ع ۵ است ۱۰ تسریمیا شدنبد رخت راحها ب نمنسید .

۱۵ - گوشدُ خارجی میان و ماسس گردایره "۵۶ است و دارای بن و ماس (ارنقطهٔ لاقی آنها با لفظهٔ تاس) شج مشر- برتو دایره راحصا کِ شید،

ره کفیا بوان خانهای موست بالا ترازاً بحوض بست و دراخ نوری ا کرشهٔ فرانیش ارتقطهٔ مرکه درگف بوان می کیریم ۳۰۰ و کوشرنشیب تصویرش داسیموض هٔ ع میب شد بندی رخت و فاصله افقی نزا از A مساکنسد

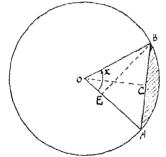
۵۹ - روی را ه راستی سنقطه یم و ه و ی میگیریم ( همیان ۹ و ی)

BC= TITA AB = YTS

گُوشْهٔ فراز ۱۵ از ۱۸ (یاشیب ۱۵۸) ۱۲ که وکوشهٔ فراز ی از ۱۵ (مایب

الف - B و ع بركت جدانداره الاتراز A يباشند؟

ت - الرشياز A تا ع رائيواخت كنندين شيب جدا ندازه خوا بهشد؟



دبندسه ي سينيم د بنه تطاع AOB برا رندنه فالضرب دارای کان ۸۸ست دردارای

برتو دابره

(r')  $\widehat{AR} = R.X$ 

AOBEW = AB XOA = RX XR = LRX

وحورن

 $AoB = \frac{1}{r}AB \times OC = \frac{1}{r}OA \times BE = \frac{1}{r}R \times in X$ 

ين تينيا ره وايره - (سايدره و) كه نفاصل بن و پيناست حينن خوا برشد :

ABC  $= \frac{1}{r} R^r x - \frac{1}{r} R^r \sin x = \frac{1}{r} R^r (x - \sin x)$ 

انداز دُکوشهٔ AoBاست بحسب ادیان

. و خیدراست بینه قطاعی که کوشهٔ مرکزی ن ۴۴ و درازای کانش استام ۱۶- دردایرهٔ ی بیرتو ۸ ساسی تدروری زمهی از مرکز ۵ سامتی آست حساب

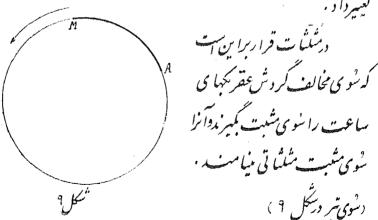
۱۶ ـ دردایره می بیربو ۱ سا مسیمیردوری رق ارتبرس میسی گذید بین کو میکترین پاره ای راکداین وااز دایره جدامیکند ، گنید بین کو میکترین پاره ای راکداین

ع - برتودایرهٔ ی عبیر ساختیرست صاب منیددازای کان ۲۳ ع

و دارای راه بین کلن را . • ۱۶ و بفرض سنیکه درازای کین نیدار دایرهٔ استوا ۱۱۶ کیلوشرا شیجها

کنید در ازای کی زیند رااز مداری که بعرض °۴۵ است.

 بر دارشهای متانیا فی گوشدهٔ بطورگی ۱۷-سوونت ند کانها - انداز و بری - روی کیت نطارات برای دشن زیک نقطهٔ هر بیک نقطهٔ دیکر هر کیک را دمیش نسبت و داین را ه



نبارین سوی کروش عقر ک بای ساعت سوی منفی خوا پرنبود .
باین قرا ردا داندازه جب ری را ه با یکا نهای سمو ده شده درسوی به مشت مشت د بانشانه + ) واندازهٔ جبری را بهها یا کا نهای سمو ده شده درسوی منفی را منفی ( بانشانهٔ - ) میگیرند ،
درسوی منفی را منفی ( بانشانهٔ - ) میگیرند ،
فرض منسیم ندازه مشبت کان AM که درشکل ۹ درشت کشیده شده جب

فرض میم اندازه شبت کان AA در تکل ۹ در شت کشیده شده سب کان در تکل ۹ در شت کشیده شده سب کان در تکل ۹ در شکل ۵ در شکل ۵ در شکل ۵ باشد.

علی زیکه نامی کان ۵ و اندازه سپیدار مون دایره محبب بهان کید ۵ باشد.

مرای سند مشتباتی فقط کانی سرابر ۵ به بهب یا به ویاانیکه در سوی منفی لهی در سوی منفی لهی

يميا مدكد قد رطلق اله - ع باشد .

ولی تحک ش زاند هر ۱۸ بایت متبواند می دوره کاردو بزند - اندازهٔ این دوره کارا میتوانیم صورت ۲۸ نبویسی که ۲۰ عدد درست

میبی ست. پیل ندازهٔ را بهها نیکد در جهت مثنبت پیمو و همشو دلصنورت کلی ع ۲۰ + مه نوشت مشود ( ۲۰۰۰، ۲۰۱۰ و قدر طلس ایهها نی که در به دی منفی یمو د همشه د بصورت است ـ بيل د آره جبرى بن البها بعنورت زيرت:

a-(n+1)e l, -e+a-ne

بارس كر اندازه ميري راسي راكمترك زوى سيدانون يرويليد تارسرکان A به تدکیان M برسد به AM نایشن بهیم-سوی حرکست مرحبها

ÂM = a + R x c

کر دراین وستورعدد درشی ست شبت یامنفی یاصفران ۲ ± ۱; ±۲ 

دستور (۱۲) اندازه جبری کا نصائی را میدیدکه سمر بمکانها در A و

(AM Glib) sil M 19 list

شجره -اكرسطين را M وتيران الم بميريم مانند بالاخوابيم وي LinimA = -a+ & x c simA white spillis

كريد - اندازه حرى كانست MA (مفي) كه قد طلقتل زيمه كو تكثر اشد.

ه « و در ک

١- وركيك واير وكالهاى ربرا معين سيد ١

-100 : \_1ma.

۱۲۵۰- به ۱۲۵۰- به ۱۳۵۰-۲- ندازهٔ جبری تما مهم مخصا نی را که سرهٔ نیا نها روی سرهٔ به سرکیا زکانهای رژ مامشند بنویسید

۴-این کانها را با بهم جمع کنید ( ازراه رسم)

-9. 9 -10° ; 5.° 9 -17. ; 4.° 9 15.

و د ۱۸۰ و ۱۰۵ و ۱۰۵ و ۱۸۰ و ۱۸۰۰

11.° , pa

۱۸-ازروی وستور (۱۷) ویده مشود که سرگا دسروتیه کی کان داده شونداندازهٔ جبری نامتواندازه - "ما ه بتین سرکند واین ست نفاو میان کانخف ای بهندسی وشدگاتی ولی اگر شکل دیا تیران با اندازهٔ جبری داده شور تیکان دیا شران ) کا مُلامعین آ

 $\widehat{AM} := \alpha + \kappa K \pi$   $\widehat{AM} := n^{\circ} + \kappa \kappa r s^{\circ}$ 

 $\widehat{AM} = n^{\vartheta} + K_X \dot{F} \cdot \hat{\mathcal{I}}$ 

. ۷ یسو ونسی اندوا نداز و جبری کوشد دونیم خطر آگر کوشه برد به گوشه میان دونیم خطر یرد و روی داد وشود برای نداز دکرفین ای سیسیون برد ربر

عل کرو: وایره ی مرکزه ویرتو ونخواه کیشیم دستل ۱۰) تا بده ا ور A و بره را در ۱۸ تا قی کند

اندازهٔ کان بهندسی AM بان ندازهٔ کوست مرکزی بوه به است شلاً اگر اندازهٔ کان بندسی AM بحسب نینه ۳۰ باشدانداز وگوشهٔ بندسی و معد نیر ۳۰ ا

پر جمین کمانداز کان AM برابررایل ست که تحرکی روی ن کان را د شرکان " ا M د گرگان امی بمیسیاید - درورد کوشیست متوال فی کماندو

كوشد برويد مرا بركوشاميت كديا بديان داره م فطي و المرافي م المرافي و و منظمت المرافي و و منظمت المرافي من المردي من المردي من المردي منظمت و المردي من المردي منظمت و المردي من المردي منظمت المردي و المردي المردي

ر در کیا عسد و ۴۰ وقیقه ۴۲۰ رئید ]

ولی نیم خط ۵۵ را کرخت روی ۵۷ سیکسیدیم متیان در دسوکر داشد آریم خط ۷۵ منطبق شوه در سوی شبت که مهانش می شبه مشارا تی باشد وشونی می سبت به با نندانی در ورد د کانها نفت بیم ایک کوشد هم دارای اندازه با می حبری میشارا که از دری کمی زوستور بای (۱۹) و (۱۹) و (۲۰) برست میا بدچنین تونشیر

$$(1A) \qquad x \circ y = (ox, oy) = \alpha + \gamma K \pi$$

$$\widehat{xoy} = (ox, oy) = n^{\circ} + K \quad \text{rs.}$$

$$(\tau \cdot) \qquad \widehat{xoy} = (ox, oy) = n^{1/3} + K + \varepsilon^{3/3}$$

داین جارس اگر بهلوی نخست را به میری نمیری نمین اگر اندازه یا ی کوسلی ی میری میری میری اندازه یا ی کوسلی ی میر میری به میری به میری نامخواسیم کافی ست داین دست و ترتیب به و

مراه مه و م و م و منالنائم.

و بها نظور کیه درمور دکان کفت مشدهی نبیجاً کر کھید بلوی خت و بهلوی وی کی کوشد را داشته باث یم نداز و جبری ن کوشد ملیواندانه همه و تا ۵۰ به تعلیم

و معکب آگر شدگا میلوی نخست و اندازهٔ جبری کوشای را داشته باشیم میلوی و مکا مُلاشخصست ،

وررس

۱ ـ این گوشه ۱ راب زید:

۶۰° و ۱۲۰° . (۳) ۲۰° و ۱۲۰° (۲.

- YB 6, 40° (B) -9: 1 - YB (F)

-111° , Poi (V). 1.5°, \_Po' (5)

ا كُ نَقَالِه، وحاصل مع زيرا بست وريد ؛ (بدون است كدروى كاغذ خيرى تجشيد)

 $TF^{\circ} + VF^{\circ} + (-F^{\circ}) + TV^{\circ} + (-F^{\circ})$  (1)

-11." + 01° - 11° (9)

(١٠) .. أكرميشية حركت عقر كم باي ساعت راا رئيت ساعت بهم يب نيم (مثلاً أكرشانه

ساعت شفّا من بود) واگرد ونفٽ رکي 'حلود' د کيری رشبت ساعت کا مڀ کرد اداميم

این ونفرگوشه کیدگی زعقر کاب فی می بیما پرکییان پیووج

۱۷- اگر دروستور (۱۷) عدد درست می را تبرتیب برا بر کی و بیگه گهری دو کان به و به بست می آید:

x = a+ fc

x = 0 + fc

اگراین د و کان راا زمیم کمکنیم خواهیم داشت:

x - x = (k - k)c

ایک مدد در سی ست بس تفاصل و محان که دارای کیت سروکت میباشند مضرب در سی ست از بیرامون دایره به بیق سنید درمورد توشی

> میان و نیم خطنز درست. و زرش ۱ - وارون یقمنت پرژایت کمنید .

ورزش ۲- ازروی مین قضیدروشن سازید متیوان دردست ور(۱۷) ه را انداز هٔ جبری کیی رکانفسای ۱۸ هم گرفت به بهای سنگ اندازهٔ کو حکیترین کان مثبت ۱۸۸ باشد مشلااگر کیک کان ۱۸ هم برابر ۱۳۰۰ باشداندازهٔ جبری منه کانهای ۱۸۸ را متوان نوشت:

AM = 18: + A 45:

میتوان میتنوشت

( Tree K') AM = - Tri + L' Tre:

زیرا ۴۴۰-۱نداز جببری کمی ارکانهای ۱۹۸۱ست ( درازاه ۱- = ۱۸) ۲۲- وایر ٔ مثلثاتی - دایر است که پرتوآن بر ایر کیه درازا باشدورو برامون ن سوی شبتی برگزیده باستند-این سوی شبت معمولاً همان شوی

مثبت مثناتي ست يعني سوى مخالف كروش عقر كم في ساعت (على ١١) قرر ۵۸ وآسهٔ مو ۵۷ راعمود برآن A میکیری وروی دو کا کوت طوری مکیسید بیم که ۵۸ تبواندین اکروش ۹۰ زیند درسوی مبت : (0x, 0y)=+9 استر بده بدرا آست ل عمر لا وبوه يورا اسم منوسل لا برائ بالله وزرش يخانهاني دردا براه مثلثاتي كمسرمدكه

جری انها ترتیب ۴۰۰ ، ۲۵۰ ، ۱۷۰ ، ۱۰۰ ، ۲۱۰ ، ۲۱۰ ، ۲۱۰ ، ۲۱۰ ه ه ۱۰ باشد - نخست آسسینوس سینوس تیم این کانها را کمشید وسیس گرتیم این کا مخص التربت نقطه ای A و A به به کمانین نقطه اباشد استرسینوس وسینوس تیم کانهایی را که سرانها ترتیب کی زین نقطه اباشد سینوس وسینوس متمم - فرخ گسیم روی سرامون دایرهٔ مثلیاتی ه تیم کان دبخوای با شدکه سران در A است و مختصات هم نسبت بدواست مدن و پوه پر تیب

 $x = \overline{OP}$  و  $y = \overline{OQ} = y$  و  $y = \overline{OP}$  و  $\overline{OQ}$  (انداز وُحبری Q و Q و Q اسنه Q و Q و Q (انداز وُحبری Q و Q و Q اسنه Q و Q منیا مند:

sin AM=OQ

COJ ÁM = OP

یعنی کریه یکی آراندازه کای حب بری کان AM بحسب را دیان با شدخوام واشت:

sind = OQ

2014 = OP

وچُون ندازهٔ کوست مرکزی AOM و یا کوشهٔ ( OA , OM) برابراندازهٔ کان AM بست بر دارشهای شکّ تی این کا نرا بر دارشهای شکّ ای آن گوشد به مینا مند و تعکس خیا کمه درشکاب دیده میشود سینوس و سینوس متممّ مبرکوشه یا کان عدو تا میست جبری که نمی تو انداز ا- کوچکیرویا از ۱ بزرگترباشد (بعبارت و گیرفت درطلق آن ز ۱ بزرگترمنیت) زیرا مرکها ۱۸ را کمیریم نقطهٔ ۲ میان A و ۱۸ (ویاروی کی زین و نقطه) بود و نقطهٔ چه نیزمیت ان هرو که ویاروی کمی ازین د و نقطهٔ خوا بد بود . و

ا = OB = OA برتودایرهٔ مثلیاتی ست .

درشكل لا سنيوس AM مثبت وسينوس متمم منفى ب

وچون ین و عدد حبسبری «سینوس وسینوس سینوس با تعنیب برگرد کان (ویاگوشه) تعنیرمی کنیدا نها را پیرو ویائیردازش کای مثلثا تی گان (و یاگوشه)میپ نیامند .

وچون تعریف بالاپردازشهای مثلثاتی انداز ٔ هجبری دو پاره خطومپیا سهارا خطهای مثلثاتی نشرگوند .

تا نرانت و تا نرانت متم مدار برای اسای بمرو (مزی) اسای بمرو (مزی) و دبمسو با آسند سینوس تهم تا و دبمسو با آسند سینوس تهم تا و آسنه با نرانت و آسه را نبرق بر اسای به مدر این و آسه را نبرق بر اسان براند و آسه با نرانت و آسه با نرانت و آسه با نراند و آسنه با نراند و آسنه

می شیم آاسند تا ترانت یا را در ۲ و آسند تا ترانت متم ما را در کار آلاقی کند - AM را ندازهٔ جبری AT روی آسند تا ترانت یا ) را تا ترانت می مینامت و ی و اندازه جبری کاروی آسند تا نرانت متم ها ) تا ترانت متم هم مینامیده میشود .

 $tg \widehat{AM} = AT$ 

cot AM = BS

ما نندانچه درباره سینوس دسینوس مینوستیم گفت به انتزار و انژانت متیم سرّو بایروازشهای کان دیالوشد، میباشند وانها راخطهای منتباتی نسب نرمنامند .

ما ۲ برا من سبید از این از برا را در دار در این از ای ته کانهاست کداندازهٔ آنهاازه تا تیج باشدرُوی نجش نخست است.

از تیج تا تا تا تیج باشد و وقم و از تیج تا تیم باشد و مقوم و از تیج تا تیم باشد و حیام و میشود:

در رُوی کمل کی (۱۱) و (۱۲) نیم به بی زیردیده میشود:

| ريخ جيسام | د يخبش سوم | درنجبش دوم | ورنجش نخست | تيركان         |
|-----------|------------|------------|------------|----------------|
|           | _          | +          | +          | نشانهٔ سینوس   |
| +         | -          | _          | +          | - سينوستتم     |
| _         | +          | _          | +          | ۽ تازانت       |
| _         | +          | _          | +          | ۽ ٽانڙانٽ متمم |

| سنوس +  | عینوں +   |
|---|---|
| سنوستم -  | بیکوستم   |
| انزانت -  | + میٹرنت  |
| انزانت تم -   | + تارثرانت متم  |
| م المستورية | م استوس م<br>استوس م<br>از انت<br>استار از استار می<br>استار ۱۳ ا |

برشع کی سا د ه

۱- در کدام مینوسته می بازد ایر و مثن تی سینوس شبت است ؟ در کدام مینوسته می ؟
در کا تا زائد می میت که تا راخت آن شبت تی تا راخت میم می بازد می می بازد می بازد

ه - نیکافی یه درجیش (باغثها) سب ا سرگاه

$$eosk = \frac{1}{r}$$
 (r)  $tgd = r$  (r)  $vind = \frac{1}{r}$  (1)

$$tga = 0$$
 (4) cota(=  $\Delta$  (0)  $\pi inal = +$  (4)

$$cord = -\frac{1}{T}$$
 (1)  $cotd = c$  (1)

(۱) آغراً نشآن برابر ا (۲) آغرانت آن ا - (۳) سنوران له اشد؟ (شمارهٔ زنیدهٔ ی بن کانحب را گبوئید)

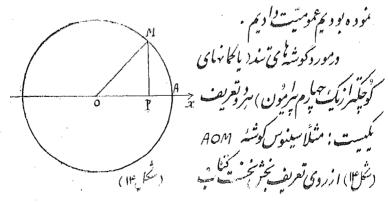
۷ - خطهای مثناً تی تحانها ۱ یاکوشهٔ ی ۱ زرزاازر وی تعریف پیست ورد ۱:

rei ; ini ; rring qi

شصره - دنجشنخت ارتباب بردازشهای ششا تی کوشه ای شداد مینی گوشهٔ فی راکدارصفر نبرگست زاز کیک گوشهٔ است کوحکیشریت ) تعریف کرده ه سر به سروی سروی

تفتيم كنهما نهاشت بيباشد

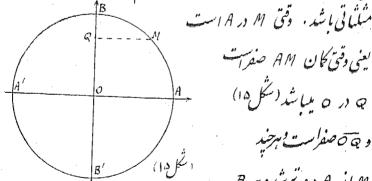
و دبالابر دازشهای مثلثاتی بهٔ کانحف و نبابرین بهٔ کوشهٔ را (چهُ کومگرازگیهٔ کوشهٔ راست چه نبرکتر یا حیث بت چینفی ) تعریف کردیم و بدیم مبرکد ام میتواند مثعبت باشد یامنفی ، درحقیقت درنیا تعریفهایی راکد درنج شخست تیلب



سنب PM است فيون دانيا om يرتو داير وسنا مست برابر كم دراز ا یں PM = PM بین سینوس کوشته POM برابرست با اندازه به سی AM كەمتېت ست وازروى تعریفی سسم كه انجاكر دىم بردا زیشهای شتگاتی كوشراي "ندنشك ست.

نیزازنچا داشتیمکه بچیعتِت پرتووایرهٔ مثلثاتی را را سر مکهٔ درا راسگیند. ۲۴- تغییرت پردازشهای مثلثانی -اگر ه ته کان A A از A ا غاز جرکت کندو یک دورسرا مون دایره را به بما یعنی کان AM بهمتر قاد کوی از . تا ۲۸ را کمیرد سردازشهای تثاتی این کان هم تعنیر مکنیفند و تقالینگا ا بن بردارشها می کسرند با سانی زروی تل یهٔ دمیشود:

آلف تغیارت منبوس - فرخگ نیم حرکت M درسوی متلب



ىغنى وقتى كان AM صفرات ۹ در ه بیاند (سکل ۱۵) و چې صفوات دېېرخند M از A رورترشده س

نرز کے شو د چه نیزروی ۱۰۵ز ۵ دورترشدهٔ به ۸ نرو گیترمشو دیعنی وقی کی ن

ازصفرتر قی کن تا به جربر سدسنوس آن زه ترقی سکند و به ابستر (۹)

به برستنیوس به به بیر وقتی کان زید ترقی سکند تا به م برسد نیوس
آن زا به تنزل سکند تا بصفر برسد - وجون کان از م ترقی نماید و به به به به برسد برسد برسد برسد و به ا - بیرسد .

و ښرگاه کان ز<u>ې ۲</u> تر تی کندو ښه ۲۶ برسينوس ن زا- ټا . ښکن

| i |     |                   |           |       |   |                  |         |
|---|-----|-------------------|-----------|-------|---|------------------|---------|
|   | A   | $\mathcal{B}^{'}$ | <u>A'</u> | В     | A | М                | جاي     |
|   | rn  | TT                | π         | T. T. | 0 | <u> </u>         | المرازة |
|   | 0 % | 1                 | 0         | - 1   |   | 401 <sub>0</sub> | ا ندازه |

تبصرهٔ ا\_روشن ست که اکرته کان زحرکت کند و در A نایستدینی اکراندازهٔ کان از π۲ ترقی نما پیسنوس کان د و باره بیان ندازهٔ می شیس را میگیرد (شکل ۳۰۰ ترقی نما پیسنوس کان د و باره بیان ندازهٔ می آگریه یکی اراندازه هٔ ی سبری AM باشد و بحب رادیان ) بطور کلی خواهیم شت:

تغییری رخ منید در واین متجدار وی تعرف هم دست میا بدر ار در موجه بر در از از در در در در از در د

$$\sin \circ = \sin \, \forall \, \mathcal{T} = \circ \qquad \qquad \forall \, cn \, \stackrel{\mathcal{T}}{=} \, .$$

| A   | $\mathcal{B}'$ | A'       | В    | А   | М    | جاي                     |
|-----|----------------|----------|------|-----|------|-------------------------|
| rn  | THE R          | π        | T    | , , | AM   | اندازة                  |
| 1,1 | 70             | <u> </u> | / 。/ | /1  | AM É | ا ارسینور<br>ایرزه میور |

وضرویده میشودکدار و تا تیس سوی تغییرت مینوشتم کان وارونهٔ شوی تغییرت مینوشتم تیست در سیاند تولین (۹) تغییرت کانت در سینوشتم تیست در سیاند تولین (۹) با دویده شدکد

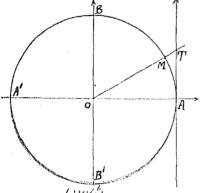
$$\cos \frac{\pi}{1} = 0$$

$$cos 17 = -1$$

COU # /Z = ,

المنظم المراسط في الراف المراسط المراسط والمركب والمركب والمراسط المراسط المر

وقتی که ۱۸ در هست (شکل) آر A صفراست وقرمت که ۱۸ از A ورشدهٔ مه ه نزویک کرود



به ه شود ۳۰ می اندازه بزرگ میکردد (۹) واکر M در

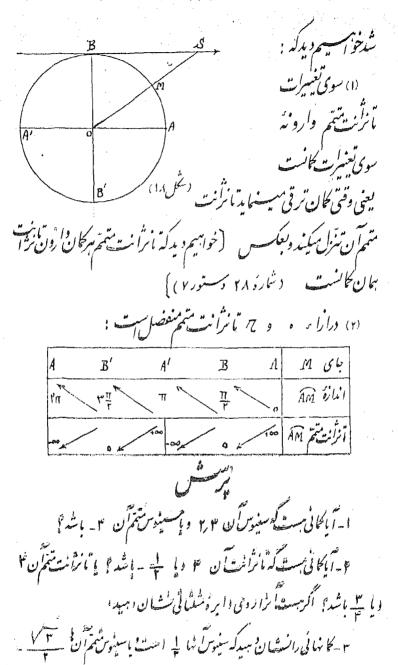
B با شغط ٨٥ استران است الله الله في أليان .

عال كر هم كما رُ هر بسوى 'A روداشد و ۱۵ آستما زانت في راخيان و واستداد ۱۵ آستما زانت في راخيان و ولى درطرف منفى لل في ميت ما يريعني A سرسب فدرطلق بسيا ربزرك ولى منفى است.

باز وقتی که همنیوا باز ها بکندرد تانژنت همآگهان ز ۵۰ به ۵۰ تعنیر کمین بینی درازار ۳٫۳ بهمانژانت منفصل بت وقتی کان ز ۴٫۳ تا ۲٫۸ ترقی کمن باز آنژانت ز ۵۰ ماصفررقی

میلند:

| A   | ${f B}'$ | A <sup>'</sup> | В   | A | M    | جاي     |
|-----|----------|----------------|-----|---|------|---------|
| 415 | MIL      | π              | TR  | B | ĀM   | اندارة  |
| R   | 200      | 0 1            | 100 | 0 | APL. | المرزوخ |



تنصره بيمني كمه وموروسينوس بد وشرمتوان وبدارسيورس والسي وتأ مرّائت منهم مستم سروا رسها لي مشتدوور و وور رُسْفَيُوسِ تُنْهُم مَا مُنْدُ دُور رُسِعِيُّوسُ ٢٦ ٢ سِتَعِينَى

COV ( X+ YKT) = COV OK

دورة ما ترانت ما ترانت متم مركات ١٦ است ( ارزوى كاب

tg ( x + KT) = tg x  $\cot (\alpha + K\pi) = \cot \alpha$ 

طرف وم را برای ریررا نوسید:

(1) din pq: = din (pp: +p:) = din p: = +

( \*\* )

(P) 29 T1.0 = (A)

(A) cor 1 T B =

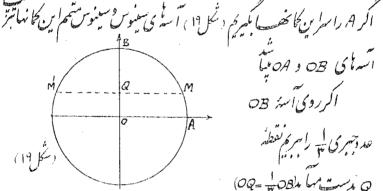
ما ننج ۲۰ ) گا (۹) رامیستوان سانی از دی کیک دا بردششاتی داد :

(iii) 
$$tg(\pi + \frac{\pi}{5}) = (iii) tg(\pi + \frac{\pi}{5}) =$$

(10) 
$$\cot\left(n\pi + \frac{\pi}{r}\right) = (19) \cot\left(rn\pi + \frac{\pi}{r}\right) =$$

۲۵ پنسر کا نہا سیکا کی خطبای تنگاتی انحمد

مسَلَيْحَسْتُ - برستَ وريكانها في رالسينوس بها برابر الله است.



عدوتسري الرامري لفطه

حال ز چنگی بر ۵۵عمه و میکنت می برامون دایره میآیا تیرا در دو بعظه M ید- تمام کا نها سکه سراینا در A و تراینا یا در M ویادر M بالشيم مسكمة اندرير السينوكسيريم أنها ١٥٥ استيني الم

بسالركوع تشريل مدازه مغبت كلان AM را به نياسيم (ديناً بربه) كا رون رسي شدكه سنوس في است اين كان را عيوان زرو كي ال بست ورد: ۵ = ۱۹ ۳۳۹ ر. رادیان = ۲۸ (۱۹۰) کی زکا نبای مرابر ۵ - ۲۸ بیاشد وخواتیم داشت:

AM = x + YKT

مر مین کا بی می دوان کا بیان می دوان کا بیان کا کار کا کا بیان کا کار کا کار کا کار کار کار

اگریجای از واوه شود کوهیت بن ندازه منبت AM جسب زینه ۳۰ ست وخواسیم د شت:

AM = r. + K r s.

AM= 10: +K +9:

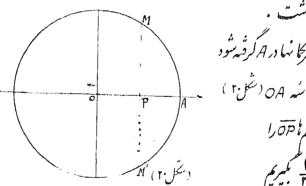
تنجسره چون بموارهٔ ندازهٔ جبری سینوس سرکانی میان ۱-وا+ میاشد (یا نتها برابر کی ازین و عده) پس کرشال کو نید کا نصب ای را پیدا کنید که سینوس زیا ۲ و ایل به باشدروشل ست که پایخی برای سنگله

ئىخواسىيم ما قىسىسە .

و رُرش و رُرش به اکنند مهرکا نهانی را که سینوس نها کمل زین عذفا میسه باشد. ( درجا منه که باید ا 'رحد ول کک گمسرید)

سَلَدُ دوم - برست وريبه كانهائيكسنوس تم نها برابر لله باشد ميدانيم سينوس تتمم "۶۶ برابر له است ولي نبايد فوراً گفت كه شاكل زء ياسنج مسّله است بلكه ما نندسش خواهيم ديدكه شماره ياسنج لم بي شمار است

چنری که ست با د شتن :۶ که یکی زیاسخه است میتوان ندازه جست بری مجمد نها ما سخ مسئلد را نوشت



با زاکرسر کا نها در A کرفنه شود كافى ست وى اسُه OA (شكن<sup>۲</sup>) لعني استسبوس مرا ١٥٥٠

وا زه خطّی بر OA عمو گوشنجیم با سرا مون دایر هٔ شکتا تیرا در M و 'M ملاقی نایّ-تما م كانهائيك سرآنها ور A وتدانها ياور M ويا در M باشديا سخ مسلماند. چون کلی زکانهای AAرابر : ۶ ست کی از کانهای AAرامیون ،۶-

كرفت دخواسم داشت:

یغی به کانھے (پاکوشہ ہائی) که اندازهٔ جبری انهاا زوسور

يستمايرانخ مندياند.

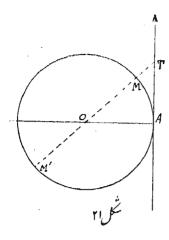
تبصره - باید درنظر داشت که اندازهٔ جبری سینوستم هم باید بیشیمیان ۱- و ۱+ ۱ پامنستها برا برکمی زین دو عدد) با شد

ورزش

پيداكىنسىدىىلەئكا نىائى ( يُكوشە 1 ئى ) راكەسسىنوس تىمما نىا كىلى زىن عدد 1 مىيە . "

م نظر سوم - کانها فی را برست آورید که ناتر آنت آنها برابر عدو ۵ میاشد.

عدوجب م داروی استانزانت ایمبرم ما نقطهٔ ۲ بد 



ناسپیدار مون ان دایرهٔ در دونقطهٔ ۱۳ و ۱۳ تلاقی کند- مبمه کانهای ۱۳ و مرکانهای ۱۳ مینخ مشارمیشنبا

اگر » اندازهٔ کلی رکانهای AM باشد رسیب راویان ) اندازهٔ کلی رکانهای 'AM را میتوان » + ه گرفت نیابرین خواهیموت:

 $AM = \propto + rK^{7}$ 

 $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' Z$   $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' Z$   $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' Z$   $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' Z$   $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' Z$ 

برست میا در دران بر عدولیت ورست (مثبت بامنفی اصفر) رست میا در دران بر عدولیت ورست (مثبت بامنفی اصفر) شهره - مرجع با شیراندارهٔ عدوسیم ی صفیار باشج مشارواره

میمصرہ مربیری دہ مسلم مسلم میرترا نہا را میبوا ن با و اسٹنٹس کی زائنا مدست ورد ،

: ررس

کانهای x را درسریک زحانهای زیر بدست ورید:

 $tg x = 1 tg x = \sqrt{r} tg x = \frac{\sqrt{r}}{r}$ 

tgx= c tqx= s,vir tqx=:rva

مسأرحها رم كانهاني را بست وريدكه مأنزانت تتم انها برابر عددي ع

بسند . کافیبه « روی کسند مانژانت متمهم کا <del>کی قر</del>ا برابر عد دخسسری مح کرفته 80

مشیم انقطه می در و ازر برست بد. (شکل ۲۲)

نام کانهای AM و AM میل انده این میلوانده

اگر در کیا اندازه بای AA با شد ماسنسد مسکه سوم خواسیم دید که اندازهٔ حب سری بندخوا بهای مسکدار دستور

by the state of th

رست ميايد ،

این سُله مهیشیا شخ دارد (مرجه باشد گه) ۱ سنجمره مینانگفته شد باید درنظرداشت که درمریک (جهار مسلّه بالااکر کی از پاسخها را بدانیم از وی ن متیوان نداز ٔه جبری مبنه پاسخهای ران سب باید را نوشت ،

> و رزش و رزش

ا به نیان °ه و ° ۶۶۰۰ گومشه مانی بیست ورید که  $-\frac{1}{7}$   $\frac{1}{7}$   $\frac{1}{7}$   $\frac{1}{7}$   $\frac{1}{7}$   $\frac{1}{7}$   $\frac{1}{7}$   $\frac{1}{7}$ ۳ یا ۷۳ یا ۱۰ یا بشد یا ۱۰ یا ۲۳ ٧- يا إكت بديمة كانها في راكة سينوس نها الله وسينوس تم انها الله الله الله يا بمد كالخصائيراكسينوس نها إ - وسينوس تم انها الله ست. ٧٧ معمولًا بنم يحل نها ينراك سينوس نها عدوه باشد ثير في سيند: arc sina (لغني کا نهاسش کرمنوس نها ۵ است) ونیرمنوسند ( a li li li li li li kija, arc tg a يس مثلًا شابراً عدمهداتم azetg 1 = 1 + hr = 1 0 + h.11.0

ورْرش عارت كلي كانهاي زيررانبوسيد .

are son fr

are ear VY

are cos VY

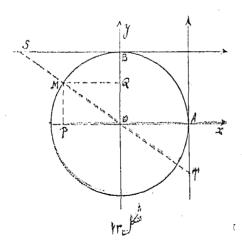
acces for accesin to

ری بینگیهای میان خلمای شکتانی کیت کلی (یا کیکوشه)
الف -اکرمطابق معمول نی به تیم کلی ۱ میلی میرانیم میم میرانیم میرانی

ناكش وسيميدانيم كه

Jin x = 00

 $corx = \overline{OP}$ 



ولی سرحه با شداندازهٔ × (ویا ۸۸ روی سِلریون دایرهٔ مثلثاتی سبرطاباشد) ارسهٔ بر ۸۸ ۵۵ کدران ایجهٔ میشود ا

وحون در مهر حال |x او ا = | OP و |sin x | 0 و | o OQ = sink 9 OP = cosx  $\int \sin^2 x + \cos^2 x = 1$ این بال شبکی (۱۱) - ازشارهٔ (۱۳) است - یس کان (یاکوشه) سرحه با شدخوا ه کوچکتراز یک چها رم بیرمون دایره (و یا کوچکترا زُکوشهٔ است) خواه تزرگترازان خواه شبت وخواه نفی بمبیث رحموع توانهای دوم نوس وسليوس متمم آن را بر كي سات . سے ۔ ارتبا بسیرنای OPM و OAT (سکل ۲۳) داریم: OA = 1 J,  $\frac{PM}{2P} = \frac{AT}{2P}$ AT = |tqx|, OP = |cox|, PM = CQ = |rinx| $\frac{-in x}{\cos x} = \frac{ig x}{ig x}$ و با مراجعه به نشأ ندخط في مثلًا تي (شارهٔ ۲۴) و ما مُكَّسَّه بالكُلُم على الح مختلف بده میشو دکه بهشدنشانهٔ تا نرانت ککان مانشا نه مهرسنوران برسینوستیم آن کمیست بس برا بری بالانه تهنا از حبیث قدر مطلق کله اخریث نسانه بهم درست است ومتوان نوشت:  $t_g x = \frac{\sin x}{\cos x}$ 

(2)

واین بهان دستور (۵) ارتفارهٔ ۸ است پیرکخان (یاکوشه) بهرچه باند ما نرانت ن برابر کهرسینوس ن برسینوس تهم است. ج - ما نند بالا میتوان زرت ابر سه برنای ۵ ۹۸ و ۵ و ۵ ه ۵ د شکل ۲۲) تا بت منود که

 $(9) \qquad cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$ 

ا نیم و سور (۶) ارشار و (۸) ست یس نرانستهم مرکان ریا سرکوشه سرانرا با بهرسینوستیم آن برسینوس آن .

ا شجیدن وسیسکی (۵) و (۶) با بهدگیرمی سبسینیم که برای سرکان میرکوشه

 $(v) \int t_{gx.cot} x = 1 \int_{0}^{t_{gx}} t_{gx} = \frac{1}{\cot x}$ 

شمصره - بمنائله درمور دخطهای شای کیا گوشهٔ تند کهشد (۱۴)

اکر کمی زیر دارشهای مثلثاتی کیا کان ۱ یا کیگ گوشه ) برست با شاگرواکر بدانیم تیران درجیخشی زسیسیار مون دایر ٔ و مثلثا میست میموان زروی سخیما

(۱۱) و (۵) و (۷) وگمرخط فی مشکتاتی آن کا نراحساب کرد . مثال بسینو تشمیم کانی که ماآن که مینامیم بی ست میخواسیم و پرست و گمره راحساب کنیم نخست کاروی (۱۱) هه ۱۲۰۰ برست میآید :

 $tga=\pm\frac{W}{F}$  (a) (b) sina= $\pm\frac{F}{A}$ 

بانگابی بیکل ۱۶ که دران می بینیم بینیم

عنه ع = به حدار کی زمان می از می از کان و بیش جهام ) نشاند - باری در از کی زمان می اساند - باری در می در از کی در از کی

 $207 \times \left\langle \begin{array}{ccc} & & & \\ & & & \\ & & & \\ \end{array} \right\rangle \qquad 3in \times = \frac{1}{\pi} \qquad (1)$ 

 $\sin x \leqslant c$  ,  $\cos x = \frac{7}{11}$  (r)

 $\exists in \times \rangle$ ,  $tg \times = -r$  (r)

$$cos x < 0$$

$$cot x = +Y$$

$$cos x < 0$$

$$din x = \frac{10}{1V}$$

$$din x < 0$$

$$cos x = \frac{-Y1}{Y^2}$$

$$(e)$$

$$din x > 0$$

$$cos x = \frac{9}{e}$$

$$(f)$$

$$cos x < 0$$

$$cot x = \frac{9}{e}$$

$$(f)$$

$$cos x < 0$$

$$cot x = \frac{9}{e}$$

$$(f)$$

$$cos x < 0$$

$$cot x = \frac{9}{e}$$

$$(f)$$

$$cos x < 0$$

$$cot x = \frac{9}{e}$$

$$(f)$$

$$cos x < 0$$

$$cot x = \frac{1}{e}$$

$$cos x < 0$$

$$cos$$

...

$$\frac{1}{\sin^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x} = \frac{1}{\sin^2 x \cdot \cos^2 x}$$
 (1)

coraitga = sin a

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x} = \frac{1 - \cos x}{\sin x} \qquad (r)$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x} = \frac{1 - \cos x}{\sin x} \qquad (r)$$

$$\frac{1 + \sin x}{1 - \sin x} = \frac{1 - \sin x}{1 + \sin x} = \frac{f \log x}{\cos x} \qquad (s)$$

$$\frac{\sin x}{1 + \sin x} = \frac{1 - \sin x}{\sin x} = \frac{f \log x}{\sin x} \qquad (r)$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x} + \frac{1 + \cos x}{\sin x} = \frac{f \log x}{\sin x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\sin x} = \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\sin x} \qquad (r)$$

$$\frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\sin x$$

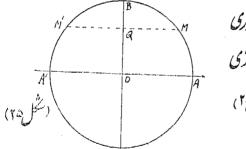
$$Sinx = \frac{\pm 1}{\sqrt{1 + \cot^2 x}} = \frac{\pm \frac{t_0 x}{\sqrt{1 + t_0 x}}}{\sqrt{1 + t_0 x}}$$
 (19)

$$\frac{\log x}{\cos x} = \frac{1}{\sqrt{1 - \sin x}} \qquad (4.)$$

$$\frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\cos x} = \cot x - tgx \tag{(1)}$$

الم عارت د ما برا مراس ما دور المحسب الم دور المحسب الم دور المحسب المراس المحسب المح

۱۹- سلی مان طامی ملکی و می اور ۱۹ می باشند که سرمبر دو در الف کل نهای محل - اگر AM و AM ، و کانی باشند که سرمبر دو در



. كانماى AM و 'AM را با تن صورت فشت و شاره ۲۵ منانخت ):

$$\overline{AM} = \alpha + kc$$

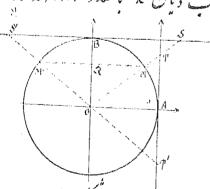
اگراندازهٔ یکی رکا نصسهای 'AN را براندازهٔ یکی زئا نیای AM بیفرایم خواسیم شیسته:

بغی سرگاه و و کان دارای کر سر ۱۹ بود و تداخیا فرند لاگر اندر نسوی می و فرخرو و سرم ۱۰ می سر ۱۹ بود و تداخیا فرند لاگر اندر نسوی می و فرخرو و سرم ۱۰ می می می در باشند شافست از بیری سرمول و ایر ۱۵ زیرا ۲ و ۲ سرحه باشند شافست از بیری سرمول و ایر ۱۵ زیرا ۲ و ۲ سرحه باشند شافست

وزش - دارون فضندا استانسيد.

بطورگی سرگاه محسب شوع اندازه بای جبری و کان عشرت اقی انیمییرمو با تنگه ن د و کلن الفسکل سهد جیرخوانید .

نراکرازارهٔ کانی اند AM بحب او یان x باشده اندازهٔ ان



AM = (8 K + 1) 7 - 26

TO SO OF TO SO O

خطرة ي شيئاتي كانها أكوشه فاي زه " ، و نوشته شده ست ولي الرانداز هُ گوشه اکان فنی اشد و اگراز ۹۰۰ مرزکتر با شدرای خطهای شکتاتی اجعه ول مخصوصی نست و بایداریمان حدولها نسته فا د وکرد . ازرْوینت چای که برای و کان کل ست و رویم بویژه میتواج کانها باکوشدای ز ۹۰ تا ۱۸۰ را هم ازروی حب دول پیداکرد زیرفعلل ت خطهای مثلثاتی سب مام د وکان کل کی ست . مُلْاالرَّخُوا بِهِيمِ خط لَا يُمثنياتي "١٣١ رايدانسيم حون 111 = 11. - P9 کافیست خطهای شکیاتی ۴۶ راا زروی حدول پیداکرده سیس زرّ وی دستور<sup>نا</sup> ی (۲۳) خطهای مثلثاتی <sup>۱۳</sup>۱۳ را نوسیم. cotri=:189 = 5 +9=110. + corf=: 18081 =: 2+9=: varv son ITI = on FT = xxxxx COS 171 = - COU F9 = - > 50 F1 lg 1 ri = - lg rq = -110. r catiri = - cat fq = - >189 r

ورش - خطط منشاتی کا نهای زمرا است ورید:

Mr ri

110 11

9 m mr

15 m s.

1 0 .

17 5

عای شرید - اگر AM و AM دو کانی استداد سر

آنها در A و ترانهانسبت به قطر OA قرینه باشند آن و کان را قرسند به خوا نند د گل ۲۷ وسیستوال ندار دٔ حری به نمانهای AM و AM راتبریک

بازور المسائل ا

AM = a + kc

AM' = - a + R'c

براكراندازه كي ركافساى ٨٨ رابراندازه كي زكانهاى ٨٨ بفريًا

خوانيم داشند:

 $\widehat{AM} + \widehat{AM'} = (\widehat{R} + \widehat{R'}) C$ 

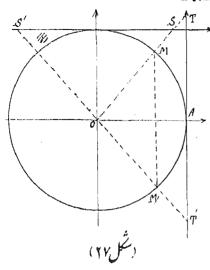
يني مجموع مرووكان و شرمفرت ورسي ست ارسر مول ير

ورَرش - دارول يتصنبيرا يَّا بت كيند،

براگراندازهٔ کانی ماسند AM بحسب راویان مر باشد و

' الله الذاز؛ قرنيه آن بشدخواميم واشت:

AM' = TKR-x



این جابهسه از دوی سگل دید میشو دکه دو کلان قرمنیه دا رای مک سینوست موده دلی دیگر سردارشهای مثلنانی انها قرمنیه م مثلنانی انها قرمنیه م

$$\sin (YK\pi - x) = -\sin x$$

$$tg (YK\pi - x) = -tg x$$

$$\cot (YK\pi - x) = -\cot x$$

$$\lim_{x \to \infty} |x| = -\cot x$$

$$(YF)$$

$$\cot (-x) = -\cot x$$

$$\cot (-x) = \cot x$$

$$\cot (-x) = -\cot x$$

ستصره - ازروی دست فری ۲۴ سیوان مجکت حدول خطره می مثلثاتی گوشنی ما کانف مینفی را بدست و رومثلاً

din (-49°) = -din 49° =-; VDFV

١- برابر باي بركائه زخلهاي مثلثاتي زيريا جستب خطامتك في كوشهٔ قرمنينويسيد

zin (- +v°) (;") tg (-91) (+) cor(-+r°) (1)

tg (a-b) (9) tg 49° (0) cot (-110) (4)

 $\pi in (C-\pi)$  (A)  $\cot (a-\frac{\pi}{Y})$  (Y)

۲- اندازهٔ عدوی خط ای شک تی نیرزا کموسید:

tg (- 5:) (r)cot(-40) (r)cor(-ri) (1)

sin (-40) (8) tg (-9°) (0) sin (-9°) (4)

19 (=10°) (9) cor (-11°) (1) +cor (-11°) (1)

٣-١ندازهٔ عددي سركك ازعبارتها ي زيراحها كنسيد:

(1) tg (-9:) x Jin (-y:): Jin g:

(r) sin 9. x vin (-9.°): \$ (-40)

(r)  $\sin^{4}(-\varphi \hat{a})$ ;  $\sin(-\varphi \hat{a}) \times \cos(-\varphi \hat{a})$ 

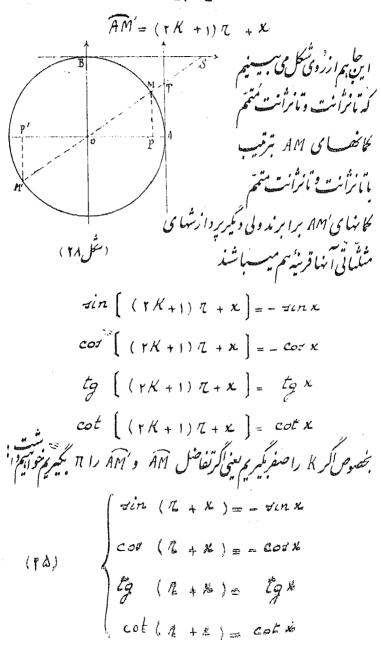
(4) sin(-40): cos (-40) + tg (-40)

 $\widehat{AM} = \alpha + \Re c$ 

AM' = C + a + Rc

رزیرا کیلی زاندازه بای کان AM برابر ۵ + ع بت) اگر کیلی زکانف کی AM رااز کیلی زکانهای AM کرست خوابیم دا:

برآگر x رادیان ندازهٔ کافی مانند AM با شدندازهٔ AM جنجواید



تبصره - ازروی دستورهای ۲۷ میتوان کمک حدول خطهای مثلثاً لی مثلثاً ای مثلثاً

ا ـ خط فای مُنگ تی کا ن کی زیررا شونسسید:

۱۱ ۲۲ منفرض منسیکه تکوشهٔ شدی شدا زراوی خطرایی شق تی ه . : ۹ طرای شکتا ۲ منفرض منسیکه تکوشهٔ شدی شدا زراوی خطرایی شق تی ه . : ۹ خطرای شکتا ۱۲۷ را بیست ورید (بیسب خطرای مشتباتی هه) و درستی تنجیر دا زراوی کمیک شکل سرژسی نائید . و صاب کنینخطهای شلباتی کا نهای زیر دا :

$$\widehat{AM} = \alpha + \widehat{R} \times c$$

$$\widehat{AM} = \alpha + \widehat{R} \times c$$

$$\widehat{AM} = \frac{c}{\varphi} - \alpha + \widehat{R}' \times c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{c}{\varphi} + (\widehat{R} + \widehat{R}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{\pi}{\varphi} + (\widehat{R} + \widehat{R}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{\pi}{\varphi} + (\widehat{R} + \widehat{R}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{\pi}{\varphi} + (\widehat{R} + \widehat{R}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{\pi}{\varphi} + (\widehat{R} + \widehat{R}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{\pi}{\varphi} + (\widehat{R} + \widehat{R}') \cdot c$$

که که میر عدد درشی ست . مینی مجموع و و کال متمم سرا براست ما مجموع یک حیارم سرامون ایره و محر و و رسرامون .

AM' = 12 + PRI - X

AM'

$$\begin{aligned}
\sin\left(\frac{\tau}{V} + V \, h \, \tau - x\right) &= \cos x \\
\cos\left(\frac{\tau}{V} + V \, h \, \tau - x\right) &= \sin x \\
t g \left(\frac{\tau}{V} + V \, h \, \tau - x\right) &= \cot x \\
\cot\left(\frac{\tau}{V} + V \, h \, \tau - x\right) &= \cot x \\
\cot\left(\frac{\tau}{V} + V \, h \, \tau - x\right) &= \cot x \\
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\cos\left(\frac{\tau}{V} + V \, h \, \tau - x\right) &= \cot x \\
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\cos\left(\frac{\tau}{V} + V \, h \, \tau - x\right) &= \cot x \\
\end{aligned}$$

$$\begin{vmatrix}
\sin\left(\frac{\tau}{V} - x\right) &= \cot x \\
\cot\left(\frac{\tau}{V} - x\right) &= \cot x \\
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\cos\left(\frac{\tau}{V} - x\right) &= \cot x \\
\cot\left(\frac{\tau}{V} - x\right) &= \cot x \\
\end{aligned}$$

$$\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\cos\left(\frac{\tau}{V} - x\right) &= \cot x \\
\cot\left(\frac{\tau}{V} - x\right) &= \cot x \\
\end{aligned}$$

$$\end{aligned}$$

$$\end{aligned}$$

رمورد مرکان ( اگوشه ) درستاست خواه انداز گان میان صفر در آیجهام ورمورد مرکان ( اگوشه ) درستاست خواه انداز گان میان صفر در آیجهام میرامون شدخواه نباشد میرامون شدخواه نباشد هر نجان ما کی گرفتها که نباشد میرامون آ اگر میرامون آ اگر در اتحاد ما می که که نامون آ اگر در اشت :

$$ain (\frac{\pi}{T} + x) = cos(-x)$$
 $cos (-x)$ 
 $cos (-x)$ 

$$f(x) = \cos x$$

$$\cos \left(\frac{\pi}{r} + x\right) = -\sin x$$

$$\cos \left(\frac{\pi}{r} + x\right) = -\cot x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{r} + x\right) = -\cot x$$

شبصره - میتوان نیز سرای برست وردن بردازشهای شدا آلی x+ یم انزابصورت (x -) - یم نوشت و دستورهٔ ی (x) و (۲۲) را بکا  $\pi in \left(\frac{7}{7} + X\right) = \pi in \left(\frac{7}{7} - (-X)\right) = cor(-X) = cor X$   $i(x e^{\frac{1}{2}}) = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} dx \, dx$ 

ما - وستورای (۲۴) (۲۶) (۸) و (۲۶) را میتوان م

خلاصينية في اكرفت:

اگر × را بمضر جفیتی ز : ۹ سفیت لیم ایا را که منسیطی بست میآیی که مروازشهای میمند امند با بروازشهای خود به واکر به را به صفرت فی از : ۹ میفزائیم با زآن که منسیم بروازشهای شگاتی کان حالی منسام بروشها متمتم به بیباشند

وبرای بست آوردن شانهٔ پردازشهای تبچه کافیست بمجوفرض کردکه اندازهٔ عدر میان مهرو ۱۰۰ ست دید آیا جائ نه کان حاصل میخشی رسیارین وایرهٔ مثلثا بیست .

بر مهلاً

 $cor(\gamma Y^{\circ} - X) = cor(\gamma X q^{\circ} - X) = - sin X$   $sin(-1) A^{\circ} + X = sin(-\gamma X q^{\circ} + X) = - sin X$ 

م برسید داره بدای به وض این که یه کوشته ندی باشد - بر کان از عارتهای ریط به برگان از عارتهای ریط به برسی خطه می مشاق می جمعاب کنیده درسی شیم را از روی دستورا می الاو به کمان می از می درسی ناید و درسی شیم را از روی دستورا می الاو به کمان می از می ناید و درسی شیم را در وی دستورا می ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی سیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی ناید و درسی شیم درسی ناید و درسی ناید

cot(ar:+a); vin( yr:+a); tg(ro:a); cor(11:-a)

Jin(-4v:+ Q); Cos(4v:-Q)

۲-عارتهای زیراحساب کمنسید:

cot 18.° x tg 18 à x zins:

cot + \$ + tg 1+ \$ - co= 11:

ر د به این میانی برارهای زیر را باید : ۲۶ ۱۴ ه ) ۱۳ میان د بر در شانی برارهای زیر را باید در در این سیستانی برارهای زیر را باید در در این سیستانی برا رسانی در

din 110 = cor (- 10) = cor 10

I'm (-10) = I'm 190 = - COI 10

tg (-9:) = - tg 4: = tg 14:

٤- - كمك اير ومثلاً تي ونيرازروي وستوري الاخطهاي مثلّاً تي زيراً نخت ب

\_ 1.Y =

خطای شکالی کوست. تنذیبست ورد دسیس نیا باحیاب کینید ۱۰۰ اگرلازم اشدرزوی جال ۱۰۰ to +v. ++ ; =272 (-+++) ; cor +1+ cos(-+1: +:) cos (-1...) ; tg (-++:) · zin(-11:) ; 202 (-01:) ; 29 114: ۵ - درستی برابربهای زیررا بررسی نمایند: tg + .. x = in +1: = - cor +1: cos rp. x cos prá = cos prá x cosp.º tg +1: x cox ++: = tg 1 s: x cox 1s: Jin 11 6 x Costi. + Costis x Jin ti= . -sin ri. x to rra + cot riax cos r . =-1 CON AV. X JUNA 1. = JUN TT. X COS TA.  $\frac{1}{\sin(4\sqrt{-\alpha})} + \frac{\sin(4\sqrt{-\alpha})}{\sin(4\sqrt{-\alpha})} \cdot \frac{1}{2}(4\cdot + \alpha) = 1 - \frac{1}{\cos(-\alpha)}$ 

 $\frac{\sin(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\sin(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot + \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot + \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)} = \frac{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)}{\cos(\gamma V \cdot - \alpha)$ 

$$\sin \alpha = \sin (\theta + c)$$
 $\cos \alpha = -\cos (\theta + c)$ 
 $\tan \alpha = -\sin (\pi \alpha + \theta + c)$ 
 $\sin \alpha = -\sin (\pi \alpha + \theta + c)$ 

$$\frac{\cos \frac{\beta - c}{\gamma} = \sin \frac{\alpha + \gamma b}{\gamma} = \sin \frac{\alpha + \gamma c}{\gamma}}{\sin \frac{\alpha - \beta}{\gamma}} = \cos \frac{\gamma \alpha + c}{\gamma} = \cos \frac{c + \gamma b}{\gamma}$$

cos & - Jun a + + & +c

۱ مه- از آنچه درشما ره نای ۲۹ و ۳۰ گفت بهمچنین زوررشهای گفت میمونین روررشهای میشانی سرکان ۱ یا سرگوشد، را به که گزخطهای شکتاتی سرکان ۱ یا سرگوشد، را به که گرخطهای شکتاتی کیانهای ژنه کانه در امید بدیدست ورد .

ورزش

خلهای مثلاً تی کوست ای ریراصاکت بدا

سخس المعربة

۳۲- بروار بردار پار خطی راگوست دکه سروته آن معین با . مثلاً از پار خطی که دونقطهٔ A و B را بهم می پیوند د و و بردار سیسید اسینوکی آ سرکن A و تیران B است این را بردار AB خواند چهنیسر میوندند .

 $\overrightarrow{AB}$ 

ریز وگیرا کمهسسان در B و تدان در A با شدوان بردار BA خواند ومثیو و ومبیو

BÂ

سُوی بردار - آن سوئی ست که درآن سویک تُحرک برای پیوون را در خط از طرف سربردار بسوی آیه آن حرکت میکند مثلاً سوی می آهم (بردار AB) سُوی حرکت از A است بطرف B و موی آهم سوی حرکت از هر طر

رامستمای بردار - راتبای سرط بهسترویاره خط AB راسای

بردار AB و یا رانستای بردار BA مینوانیم . نمایش مبندسی مکت بردار - AB راچنین پشرمی دمنید:

یغی ورته مروا رسیدی تیکدارند- این ترموی بروار اسیستا یا ند ، اندارهٔ نروار عارتستا زاندازهٔ درازای و دارای برائ منيكه برداركا ملامعين بالشدكا فيست كد باسسينر تدان بردا روادة (و پنصورت ارتبا د سودا زاروان تا تا تاست) و یا انیکه سرور استهاوس واندارهٔ آن در وست باشد ( در مصورت ته سروار سرمین ت ۲۲-۱ ندازهٔ حسری نردار - سرگاه روی خطی که سردارروی ن ویاره کایت خط جمرُو بارامستای بردار) آسای کمیری اند x'x نیابرا گذشوی بر دا رماسند سوی من سد ما شد و با وا روندان اندازه حسسری بردارثیت منفی خوا بدیوه و مقدا رمطیق ن برابرست و از ای بردار ( ۱ مرارهٔ طلق بردار) [بس مرحاًگفت گوازاندازه جبری واری مبان مضمنا اسلی هم درکا سات که رامت ای آن سایر وی بردارست یا موازی آن ]

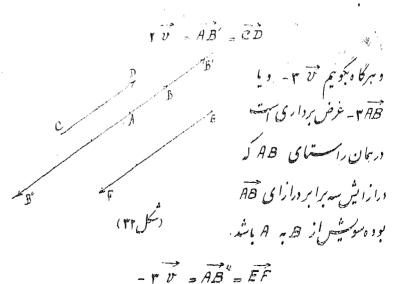
شلا در ارای ۵۵ برابرده میلادر ارای ۵۵ برابر سدگید در اراست در ارای ۵۵ برابرده میلادر است در ارای ۵۵ برابرده میلاست ایدار در میلاست میلید و ۹۰ میلاست ایدار در میلید و ۹۰ میلاست میلید و ۱۰ میلاست و ۱۰ میلا

$$\overline{AB} = + P$$

$$\overline{CD} = - P$$

$$\overline{AB} = -\overline{BB}$$

ع ۳ - ضرب کیب بردار در بکید دحبری - اگر ردار AB = تق پیش داده شده باشد اشکل ۴۲ عفرض از ت ۲ و یا AB ۴ مردارست که ارستا جان راستهای AB در ارامیشن و مرا بردرازای تو بوده سولیش از A به هاشد:



بطور کلی غرض از تسم برداریست دیهان سای تو که درازی برابرها صل خرب درازای تو در مطلق عدد جبری سه بوده سورش می باشده واروئه سوی تو است با شده واروئه سوی تو است برگاه سمنفی باشد.

۳۵ - برواری گریم اس - برگاه روی اسهٔ × ند برداری گریم ا خوکه اندازهٔ جبرگی ا + باشدان را برداریکهٔ اسهٔ به ند میاهم وروش ا که اکر تی را دامشته باشیم اسه مهم کا ملاشخه است (از حیث را شاوسو) با برین برکا از دارهٔ جب بری کی بردار روی کا ساکه بردا رکهٔ ان نیم ا با برین برکا از داریم دا ده شده با شدستول ن ن بردا را تی به نوشت (۱۳۳) و رزش

ا ـ رونطنه AB و مخرار گرفت بردار ای م AB و مخرار گرفت بردار ای م AB و مراد گرفت بردار ای م

چېری نولیسید .

ع ۱۰ - آبسیس کمٹ نقطہ درروی کیٹ آسہ - برای مین کردن جائ برنقطہ اند M دروی آن یم کد زوی بین سنقطہ ای مانند ۵ می کیریم کہ آن خاست کیا والی سئیس نمامیم دسکل ۲۳ ) ۔ حال کرانداز وجبری بردار M را

 $\frac{\rho \qquad M}{x'} \longrightarrow x$ 

بدانیم جای M را به فروی آسد سیدانیم- این اندار ه جسری را آبسید نقطهٔ M دروی اسد سینانید: دروی اسد سینانید:

x = QM

وررش \_روی آمنه xx نقطه ای را برست ورید آب بیل نها تبرتب وریش است ورید آب بیل نها تبرتب وریش می در در ۲ - و و در ۲ - با شدو می خین بست وریشه ای  $\overline{ON}$  و  $\overline{ON}$ 

۱= ۵۶ باشد ۲۷-اندازهٔ حکری مرداراز روی سیس سروته آن-اکرزوی

 $x = \overline{AB}$  واده شود تقسمی که اسیس A برابر  $\alpha$  و اسیس  $\overline{AB}$  برابر  $\overline{AB}$  و اشد تین  $\overline{AB}$  مید تم  $\overline{AB}$  و  $\overline{AB}$  مید تم  $\overline{AB}$  و تا  $\overline{AB}$  مید تم  $\overline{AB}$ 

(جب برسوم ۵۳) کرمیان سداندازهٔ جبری OA و نا AB و OB بمیسا

بشگیبت:

 $(\overline{o}A + \overline{A}B = \overline{o}B)$ 

وبا

 $B = \overline{OB} - \overline{OA}$ 

 $\sqrt{\overline{AB}} = \theta - a/$ 

ینی اندازهٔ صری یک بردار (زوی یک آسه) برابرست انفال

میان سیس آن وابسی رسران . وزرش -اندازه جسبری ردارهٔ ی MN و PM و PM و اراسیها

سروَتُهِ آنها در<del>وُرَرْشُ مِیْنِ ا</del> د ه شده ) مِرست وریه وْناست کنیدکه

 $\overline{MN} + \overline{NP} + \overline{PM} = 0$ 

 $\overline{oP} + \overline{PN} + \overline{NM} + \overline{MO} = 0$ 

مني الن رزش راعموست وسيده

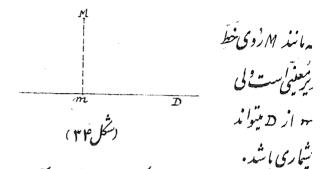
ونیز درستی انخب و زیر را بررسی کمنسید:

 $\overline{OM} \cdot \overline{NP} + \overline{ON} \cdot \overline{PM} + \overline{OP} \cdot \overline{MN} = 0$ 

۲۸ - نصورراست گذر یک نقط برزوی کخط برگاه خط م

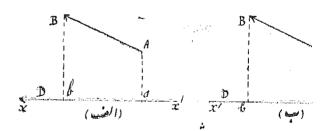
ونقطهٔ M داده شده باشدتصویراست گذر M روی خطِ D بایه سونمیت (عنور)کر

فروداید . درشکل ۳۴ نقطهٔ ۲۰۰۰ تصویراست گذر ۸ ست



وراست كذر كم برواروي فيظوروي كماس

ی خط طرفرداری ست مانند گانه که رَمَراِن تصویر شیر دارگ ر A وَیَدا ن تصویر ته بردار AB بعنی تصویر ها شدد شکله ۳



مطرقات ( الروى راستاى اسم)

شلادر (سنگل ۳۵ الف ) تصویر محمد وی سند بدند عدد می ست مثبت

ودر دسکل ۲۵ سا) یا AB یا مدوی ست منفی

ع- اسمیرواُرُو به ور کاف الامن - برای مین کرد تا ی سرنفطه اند ۸ د کا من عمولا درآن من نفطه ی مانت ۵ بنوا و میکیز به طور کدماث

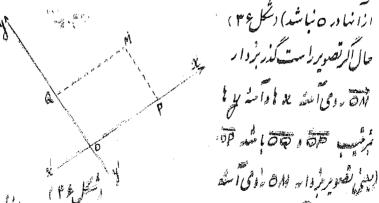
۸۸ دیات من همولا دران من عصری ما حسید کا بیتوره به بیتوره بور میر مراز بر مورید کا بیداد میراند مورید کا بیداد معدم با شده از ان نقطه د و آسهٔ ۱۵۰ x و یوه نوع عمود بر مکید کمیرسیگذرا نبد طبی

بتوان سوی شبت یده راسی از کیک گردش <u>۴</u> + روی شوی شبت

 $(0x,0y) = +\frac{7}{4}$  ; yoloy

آسهٔ بهه ند راآسه بعد المالسيس في وآسهٔ بهه ن راآسهٔ بولا يا ارونه فوه را بر تا الله الله بعد المالسيس في وآسهٔ به ن ن رخل الله خلال سر ما كل

خاستىگا داين دا سه د يا خاسگا د نامن منيامند (ممکن ست خاتسگا ه دواسيدي سه



#### نقطهٔ M خواند:

 $x = \overline{OP}$ 

4 = 00

وروش ست کرای میش کردن جای ۱۸ کافی ست × و بو آنرام معلیم (شارهٔ ۱۸۸ زحرسال سوم را برسیسند)

۱۶ مینوس (۱۹ مینوسی) در بیش مؤدیم (شارهٔ ۲۲) بیاد آوریم می بسینه کان ۸۸ در یا کوشهٔ (۱۹۸ مینوسی مینوسی مینوسی مینوسی (۱۹۸ مینوسی مینوسی ۱۹۸ مینوسی مینوسی (۱۹۸ مینوسی مین

بخصوص متبوات لفت كرسينو متهم كوشه xom برا برتضوير بروا را 10m روى اسنه عده وي اسنه عده وي اسنه عده وي اسنه عده وي اسنه الله وي اسنه وي اسنه الله وي الله

یه وئه که آمه فردار کداشت (شکل ۲۷) نبابرین سینوس شیم کوشنه میان و واسه برابراست با تصویر نردار کمه کی ازان د واسه روی اسهٔ د میر

ور و است میلادر و برابروی کا است میلادر و برابروی کا میلی میلادر و برابروی کا میلی میلادر و برابروی کا میلادروی کا میلاد و کا م

ولمجين أكر آه مرا بر آه ۳ ما و شد " گاه نئي مني مرا بر گاه ۴ - خوا بداود و مال كرفرنس سند ما ندا نه گوچيری ميردا ه آه آه اشا د و ۴۴ ما روی آه فراي ۱۹ ونردا رگيداين آسه آم الله خواميم داشت دشاره ۲۵) ؛

### $\overrightarrow{AB} = m \overrightarrow{OI}$

پس نبار آنچگفت ترصویر AB روی کیک سه ما نند x'ox عبارتست! ز m برابر تصویر oi روی x'ox ولی نبا برشما رهٔ مِثن تصویر oi روی x'ox برابراست با سینوستم کوشئه میان د واسنه ژاخ و x'ox پس :

قصید تصویر این بردار وی این اسرارس ما حال صرب

اندازهٔ حسنبری بردار درسینوس تم کوشئر میان اسلی کرردار دوی اکنست فی سند صور مثلاً اگر کوشئر میان سند صور بردن دواسهٔ در که که بردار دی اکنت عواشد [: ۶ = ( وی ر میره) که واکرد و بردار بدراز آی میمیم

 $\overline{AB} = + \pi$   $\overline{AB}$   $\overline{AB}$ 

CD = -۲ بات نزر

 $ab = \overline{AB} \cos(\alpha x, \alpha z) = + \nabla \cos z$ 

= 4×4 = £

 $\overline{cd} = \overline{CD}\cos(\sigma x, \sigma z) = -\psi\cos\varphi$ 

=-mx+=-#

اگروریمین کل سوی مثبت سهٔ وی را از و بسوی او کمیریم خواهیم اشت. استه و این می است ا

$$\overline{CD} = + T$$
;  $\overline{AB} = -T$ ;  $(ox, oz') = g.' + 1A$ ;  
 $cos(ox, oz') = -cosg.' = -\frac{1}{2}$ 

$$ab = \frac{1}{AB}\cos(\alpha x, \alpha z') = -r \times \frac{1}{r} = \frac{r}{r}$$

$$\overline{cd} = \overline{CD}\cos(\alpha x \circ g') = + \pi x \frac{-1}{\pi} = -\frac{\pi}{\pi}$$

می سینیم (خانکه میش مینی به میشد) که اندازهٔ حبری تصویر کات بروارزوی کید اسد سیکی بسوی آسا کیدر وی بردار میکییریم ندارد (زیرااکرسوی و و تغییرند بهم نشا نداندازهٔ جبری نروارو بهم نشانهٔ سینوس تیم گوشد دواستغیسیر سخید بین نشانهٔ حاصل جنرب نهاتغیسید شخوا بدرو)

ورزش \_ درنامن واسته x'ox و y'oy (که عمو دیر کمد کرند) نقطهای برا

$$C \begin{vmatrix} 1 + \frac{m}{r} \\ \frac{\Delta}{r} + \sqrt{m} \end{vmatrix} B \begin{vmatrix} r + \frac{m}{r} \\ 1 + \frac{m}{r} \end{vmatrix} A \begin{vmatrix} r \\ 1 \end{vmatrix}$$

وتصویرراست گذرنردارهٔ ی AB و Bc راروی دوآسهٔ x فرار وی موست برازوی معنی الا) معین سند (بهم شقهٔ براز وی شارهٔ ۴۷ و بهم از روی قصنیه الا)

ساع برآیند و و مردار \_الزنقطای دیخواه مانند ٥ دونردار B و

را تبرنت بمرووبهم سوو بم اندازه با دوبردار AB و حَمَّ بَعْتُ بِهِ (شکل ۴) واگر چه تارک چها رم بمروبری (متوازی الاضلاعی) باشد که دوبهای آن جه و جره اشد، سانتعرب سردارجه سراسد OD , AB O Miles روما <u>هَ</u> وَ <del>OD</del>) أميد وسو عاع-بروار فای تمسک - سرووبرواری که همرووتمسوه سرا از شند بهم سناک کدیکرم دوند نیارین در سال علم 60 بمناک AB س · OD Circo ۵۷- تصویر دومرواسم شاک - تصویره ی دویر دارمی کان وی کن اسهبرانزگه ( د و عد دجبری براس) واین شنید بیتی بست ارتصنیتها ره ۴۲: زېراکرروی د وېر دا رىمېنگاپ د وا سندېم نو کميرېبر بزدا ربرا برمشو د وبهمسينوس تتمماً وشدميا ن آسُنصوبر وسربك زين واسم

و عاقصید تصویر آنید دوبردار وی کیا کی سیرابر است با حاصل جمع شب می تصویر کامی آن دوبردار روی بهان آسه .

ویا روید کر الصویر میری = ( میری الصویر میری الصویر ( میری الصویر میری الصویر ( میری الصویر ( میری الصویر ( می

را نیدند بردار تو و تو و بین بست ریا یک ارتفظ و بخوای ما مردار می را برای می مردار می مردار

۱- فتنتشال إعرمت وسيد .

۲ - قضيَّهُ عوم را براي مين در در دا رجمُوسّيت وميد .

ته منطشکت اسینی فق ABCD دا رای سه محب کوکه درازای سرکیت از میلوای آن α و کوشد خارجی بن خطشکت در کی زارکهای آن به میاشد: به هراه ۵۵) د مرکز دایره محیای خطشکت دار میاسیم:

الف - حاكنيوس ٥ و ٥

OA 41,

معروشه مركزي AOD

دازای AD وگوشنهان AB و AD را.

سب - بنابه تعریف برا نیدبردارای AB و Be و بردار است . اگر نیتجه ورزشس ۲۰ را درمورواین سه بردار و برآنید انفسا بکا ربریم و روی آست، AB تقدیر کنیم مچه انجادی خوابسیم رسید؟

ع- ارزوی متخهٔ و رزش ۲۰) برا بربهای زبررا تا بت کنید (وغوسیت بهید) ۰

$$\cos \frac{\pi}{\Delta} + \cos \frac{\pi}{\Delta} = \frac{1}{r}$$

 $\cos \frac{7}{V} + \cos \frac{PR}{V} + \cos \frac{\Delta 7}{V} = \frac{1}{V}$ 

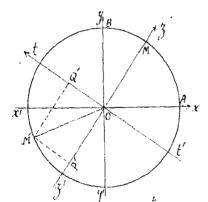
( نیمنه اِنون کینه پنج سِنت طم) کینه مفت مرتبطهٔ را روی کی رسید و الصویرکت بد)

## المراجع المراج

بردارشای شانی مجرع با نفال و کان ( یا دوگوشه)

منحواهیم داشتن وارشهای مثل تی دو کان ۵ و ج برداریهای مثل

كان (ع + ع) وكان (ع - ع) راحالت م.



ومقصنو و پرست آوردن سینوس تیم کان ۱ آم آم آ ازروی سردارشهای شاتی کانهای آم آم و آم آم.

‹ مهتر کونیم کی زانداز فی ی

(Ta+BryAMM

آسه سینو متم و سیسینوس کا نصب ای AM و AMM (که سرسردو در ۱۸ ست عبار شداز بدهٔ بد منطبق بر ۵۵ و بره نو یا ۵۵ . ن ۱۸۸۱ ین دو استرتمیب عبارشداز یده دمنطبق بر ۱۸۵ کمی میر کارش کمی میر ۱۸۸۱ کمی کارشداز یده (۱۸۸۱) کمی کارشداز کرد (۱۸۸۱) کمی میرم وسید نوس کمان ۱۸۸۱ کمی کان ۱۸۸۱ کمی کان ۱۸۸۱ کمی کان ۱۸۸۱ کمی و آسد ته نه و محکم دشار ۱۹۱۱) وسیوان میرم کرد از کرد و کرد و آسد ته نه و محکم د شار ۱۹۱۱) وسیوان به میرم کرد و میرم کرد و کرد

(OP ) = cos & x ees a

147

روی گان (بعنی ح مرزه) ورسینوستی کوشد میان کانی و بدند ولی در وی گان (میری) ورسینوستی کوشد میان کانی و بدند ولی در وی گان (میری) و می در وی در

(49) , (cos (a+6) = cos a.cos & sin a. sin & Just

بیتوان (۵-۵) ده و (۵+۵) منه و (۵-۵) بیتوان (۵-۵) ده و (۵+۵) منه و (۵-۵) بیتوان (۵-۵) ده و (۵-۵) بیتوان (۵+۵) ده و (۵-۵) بیتوان (۵+۵) ده و (۵+۵) بیتوان ده و (۵+۵) درو و و کی آسانتراین ست که ا بنا داارد و کی آسانتراین ست که ا بنا دریم :

چون دستور (۲۹) ورست است مرحه ماشد ه و می (یعنی تحادا)

بس اگریجا ی کان کی کیان (ک -) را مکذاریخ خواهیم و کشت:

(م - ) ما مکذاریخ خواهیم و کشت:

(م - ) - حدیم عدیم و کا می این از کا -) حدیم و کا می این و کا می و کا می این و کا می این و کا می این و کا می این و کا می و کا می و کا می این و کا می و کا

(F1) (cos (a-6) = cos a cos6+ sin a sin 6)

برای برست ورون ( ع + ه ) منه میتوانم نوسیم (وسوره ی ۸ شارهٔ ۲۹):

 $\sin(\alpha+\beta) = \cos\left[\frac{\pi}{2} - (\alpha+\beta)\right] = \cos\left[(\frac{\pi}{2} - \alpha) - \beta\right]$   $\frac{\pi}{2} - \alpha \quad \text{fill } \alpha \quad \text{for } \beta = 0$ 

 $\cos\left[\left(\frac{\pi}{V}-\alpha\right)-\beta\right]=\cos\left(\frac{\pi}{V}-\alpha\right)\cos\beta+\sin\left(\frac{\pi}{V}-\alpha\right)\sin\beta$ 

 $-3i\pi(\frac{\pi}{r}-\alpha)=\cos a\cos \cot (\frac{\pi}{r}-\alpha)=\pi \sin \alpha( ۲ )$  و احول ( وستور ا کی ۲۳ م منابع

(r)  $\left[\sin(\alpha+\ell) = \sin\alpha \cdot \cos \ell + \cos\alpha \cdot \sin \ell\right]$ 

واكرواين تخاد يجاي جه كبداريم جه - خواسيم داشت:

( PT) / sin (a-b) = sin a cos b\_ cos a. sin b/

جر " (ع + ه) في و (ع - ه) . "جر" . "جر" . "جرانا المرد وطرف التي در (٢٩) تقييم المرد وطرف التي در المرد وطرف التي در (٢٩) تقييم التي در (٢٩) تق

 $\frac{\sin(a+b)}{\cos(a+t)} = \frac{ig}{ig}(a+b) = \frac{\sin a \cdot \cos b + \cos a \cdot \sin b}{\cos a \cdot \cos b} = \frac{\sin b \cdot \sin b}{\sin b}$ 

Aged

$$tg(a+b) = \frac{\sin a \cdot \cos b}{\cos a \cdot \cos b} + \frac{\cos a \cdot \sin b}{\cos a \cdot \cos b}$$

$$1 - \frac{\sin a \cdot \sin b}{\cos a \cdot \cos b}$$

(PF) 
$$\frac{tg(a+t') = \frac{tga + tgt'}{1 - tga \cdot tgt'}$$

(ه- ۵) چارا بم سیتون مانند (۴ + ۵) می از تقییم کرون وطرف (۳۲) بردوگر (۳۰) برست ورد ولی آسانترامنیت که درانجاد (۳۲) ح را به ح میدل

$$(rr) / tg(a-b) = \frac{tga - tgb}{1 + tga \cdot tgb}$$

شبصره عارت (a+ e) cet (a+ e) برتب وارون

البان (a-b) و لو (a+b) النان النان

۸۷ ـ بروازشهای مثلثاتی کان ۲۵ از روی بروازشهای مثلاتی ۵ اگر در اتجاد یای کان ۵ کان

گنداریم (معنی مح را برابره مجیریم) خواهیم داشت:

$$(ra) \quad \left[ \cos ra = \cos^{2}a - \sin^{2}a \right]$$

$$(7)$$
  $\int \sin 4\alpha = 7 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$ 

$$(rr) \int_{0}^{1} tg \, ra = \frac{r \, tg \, a}{1 - tg^{\dagger}a}$$

م و من را میتوان نها محسب م مارد و م وه و من نیزوشت -بری این کاردروستور (۳۵) کیارسجای هاده میکداریم ۱۵۰۰-۱(نا بسوال) و ما رو تحریحای مینتر میسکداری مه آه-۱- تا شرشت فی و دستورز بر میست

(cos ra = 1 - r sin a) Costa = r costa -1/ تصره ۱- جاگدی سینه ۲۵ ده برابرعارست کویا جیست a من تها و چرکس مه ده منا - و محنین مرا و است کس عن تنها ولي عند عسيه و منه تنا و باه ده تنا كو يا مست زيرا اكرملًا نجواسم منا أن رائيسبه و بن دنولسيم التي كاي و دده عمارت كناك ما المحتاريم:

ein ra = + Youna VI- Toin'a

شبصره ۲- برگاه دراتحی د بای از (۳۵) تا (۳۹) یک ه کان 😅 را بگذاریم بردارشهای مُثلثًا تی کان a. رانجسب از شا مُشْلًا تى كان نبيرًان خوابهم داشت:

$$(p.) \begin{cases} \cos \alpha = \cos^2 \frac{\alpha}{7} - \sin^2 \frac{\alpha}{7} = - \cos^2 \frac{\alpha}{7} - 1 \\ \sin \alpha = \gamma \sin \frac{\alpha}{7} \cos \frac{\alpha}{7} \\ \frac{1}{2} \cos \alpha = \frac{\gamma \cos \frac{\alpha}{7}}{7} \\ \frac{1}{2} \cos \alpha = \frac{\gamma \cos \alpha}{7} \\ \frac{1}{2} \cos \alpha = \frac{\gamma \cos$$

ع وجها رم ارسيكم في ورعه رابر م عند ما رابر م 2 a \_ cos & + sin & sin a \_ rvin & cos a + sin & a de l'all & cos & + sin & a de l'all & cos & + sin & a de l'all & cos & & + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & all & cos & a + sin & a de l'all & all & cos & a + sin & a de l'all & all & cos & a + sin & a de l'all & all & cos & a + sin & a de l'all & all & cos & a + sin & a de l'all & all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin & a de l'all & cos & a + sin cor a= 100/ - 1 1000a=1-1 Bis 2 of 10/14/36/1/6/2007 (1+6/2)

طرف و قوم برا بربها ی ریرا شویسید:

(a) 
$$\cos((40+9.)=)$$
 (9)  $\cos((9.-x)=)$ 

(9) 
$$\sin \Delta \alpha \sin \alpha + \cos \Delta \alpha \cos \alpha = 9$$

$$\frac{tg \, \pi \, x - tg \, x}{1 + lg \, \pi x \cdot tg \, x} = ?$$

نايد (۱۵-۲۵-۳۰) :

$$cor 10 = \frac{\sqrt{9} + \sqrt{7}}{7}$$

$$cot 10 = 7 + \sqrt{7}$$

$$tg 10 = 7 - \sqrt{7}$$

... din  $Va = \frac{\sqrt{r}+1}{\sqrt{r}} = \cos 1a$ 

۲۴ خطای شاتی ۱۰۵ را ساب کنید.

۲۵ - ازروی خطای مثل تی ۴: و دار کسنید ۲۵

Il din 9: 9

١٧٠ عند مما نيست كذيران وخيش سوم ارداير ومثانيا تي سب وهي كانيت كونه الع در مجنس و و مرسف و اربيم على معنى و على على المان عما المان عما المان عما المان عما المان المان عما المان الما 1, g(a+8) , cos(a+8) , sin(a+8)

۷۷- ازروی بردارشای شناتی × و کو و مع حساب کسید بردارشای

. 1 x + y + x 3 iii درستی تجا د فای زبر ایرزسی نما شد:

$$\frac{tg(x+y)-tgx}{1+tg(x+y)\cdot tgx}=tgy \qquad (YA)$$

 $Cos \times Cos(x-y) + sin \times sin(x-y) = cos y$  (49)

 $Cor(x-y)+\sin(x+y)=(\sin x+\cos x)\sin y\cdot\cos y)(*)$ 

$$\frac{\sin(x+y)}{\sin(x-y)} = \frac{t_{gx} + t_{gy}}{t_{gx} - t_{gy}}$$

$$\frac{\cos(x+y)}{\cos(x-y)} = \frac{\cot x \cdot \cot y - 1}{\cot x \cdot \cot y + 1}$$

$$(*1)$$

$$\frac{\cos\left(x+y\right)}{\cos\left(x-y\right)} = \frac{\cot x \cdot \cot y - 1}{\cot x \cdot \cot y + 1} \quad (\text{pt})$$

JIN FX. COSX - COS FX. JINX = JIN FX (FF)

Jin Yx. COIX + COS YX. Jin x = Jin Yx (P)

$$Sin (9.-x) = cos x$$

$$cos (11.-x) = -cos x$$

$$cos (11.-x) = -cos x$$

$$\frac{\sin(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \alpha \cdot \cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \delta \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \alpha \cdot \cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \delta \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \delta \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \delta \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \sin(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot \beta} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha - \frac{t_0}{t_0} \alpha \qquad (49)$$

$$\frac{\cos(\alpha + \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)}{\cot(\alpha - \delta) \cdot \cos(\alpha - \delta)} = \frac{t_0}{t_0} \alpha -$$

 $t_{g}(f_{0}+x)-t_{g}(f_{0}-x)=rt_{g}rx \qquad (f_{1})$   $cos f_{x}=f_{cos}x-rcosx \qquad (f_{1})$ 

Jerz PX = P Jerz N = P Jerz KI (D)

tgra = rtga - tgra

(۵۲) حط ای شقاتی ۵ (۲۴ را به کنک دستورای (۴۱) و (۴۲)

بست وريدو را بر محي ي زير را أبت كنيد .

cos pr'  $r' = \frac{1}{r} \sqrt{r + \sqrt{r}}$  din pr'  $r' = \frac{1}{r} \sqrt{r - \sqrt{r}}$ 

cotri ri= Vr +1 · tgri ri= Vr -1

(۵۲) مرابرهیای وزرش (۵۲) راازروی ورزش (۴۴) واتحاد (۲۱) نیر

برست وريد

(۱۵) ایت کنیدکه سینوس کمپ کان کو کپتراز ۱۶ برابراست! نمیهٔ زه کان سه

. ومراران زرایرهٔ مثبتاتی

از نیرونیروستی برا بر بیای ورزش کی (۲۳) و (۵۲) را بررسی نمایندند (۵۵) با بت کیندکه نسبت پنهٔ کیک پنج بهادی شنطخ به بهنهٔ یک د و هیلونمی طنسم

سر، و عاط دریات دایره) برابر خوج cos است

وه الميداكن ينطلها ي مثلّاتي : ٣ راازروي خط إي شلّناتي : ٩

۲. ۴ ۱۵

à = + +'a

# مرول رُوارش ي سالى فى ٩٠٠ ١ ، ١٥ الله از ادیان تا ۲۰۰۸ را دیان

| 160       |                | سيتوتهم  | ة رئيسة | أرأنت     | مسينوس      | زبية  | راديال     |
|-----------|----------------|----------|---------|-----------|-------------|-------|------------|
| 1,04.1    | 9:             | 1 ,      |         | . ,       | .,          |       | *, * * * * |
| 1.0549    | 1 0.           | 1,       | TF 7,77 | ۲۹۰۰ ر.   |             | 1.    | 9          |
| 1,090.    | ۴.             | 1,       | 141,14  | ۸۵۰۰ ر.   | ., ۵1       | ۲.    | 17.14      |
| 1,2971    | ٣٠             | 1,       | 114,29  | ٧٨٠٠ ر.   | 18          | ۳۰    | ١٠٠٠٨٧     |
| 100097    | 1 7.           | . ۹۹۹۹۹۰ | 10,94.  | غوال د.   | .,.116      | ۴.    | .,.116     |
| 1,2054    | 1. 1.          | .,9999   | 82.400  | 1,1180    | 11.140      | ۵۰    | +,.140     |
| haarr     | 189 .:         | 1.9991   | 24,59.  | ., . 172  | 11111       | 10 .: | 1,110      |
| 1,23.4    | ۵.             | 1.9991   | F9,1.8  | .,.٢٠۴    | 1,1416      | 1.    | 1,17.14    |
| 1,2473    | ۴,             | .,9491   | 47,958  | .,. ۲۳۳   | · / · r٣٣   | ۲,    | ·,. rr p   |
| 1.0445    | 7.             | 1.,9991  | TANIA   | . , . ۲۶۲ | . 727 . 6   | ٣.    | . 1198     |
| 1,0411    | 7.             | 1.,9995  | 74.751  | . ۲۹۱ ر.  | .,. 791     | ۴.    | 17.891     |
| 1,0144    | , 1.           | 1., 9990 | FLIFT   | .,        | .,, 77.     | ۵.    | 77.        |
| 1,0409    | 1. 1           | 1.9994   | 11.585  | 1 759     | 1,,749      | ۲ .:  | 1,.749     |
| 1,277.    | ۵.             | 1,999    | 75,475  | .,. ٣٧٨   | TYA         | 1.    | 2771       |
| 1,001     | ۴.             | 19997    | TFIAFT  | 1., 15.V  | ۰٫۰۴۰۷      | r.    | ·,· ۴. Y   |
| . I, arvr | ۲۰             | 1.,999.  | rr.9.r  | 17.57     | ۶٫۴۳۶       | ۲.    | 1.7.475    |
| 1,0144    | 7.             | 1.9929   | TI.FV.  | 17.855    | 1.1.480     | ۳.    | 1          |
| 1,011     | ).             | 1.9911   | 7.7.5   | 1,.443    | 11144       | ۵.    | 1490       |
| 1,011     | $\lambda Y$ .: | 1.79A x  | 19,.11  | .,.074    | ۳۶ ۵۰۰۰     | r' .: | 1.1.3 8 10 |
| 1,0100    | ۵.             | .,991.a  | 11.173  | 11.337    | 1.2007      | ξ.    | 2.300      |
| ۱۶ اه را  | ۴.             | 1797.7   | 142159  | 1160.01   | 11.6.11     | ۲,    | 171015     |
| 1,0.97    | ٣.             | 18896    | 15,70.  | .,.517    | 1,1.51.     | r.    | 11911      |
| 1,0.51    | ۲.             | 191      | 10,5.0  | .,.541    | . تام ج. ر. | ۴.    | 17194.     |
| 1,3,77    | 1.             | LYPP     | 14.914  | . 9.97 .  | 1,,599      | ۵.    | 1,1.559    |
| 1. 3.1.   | 17             | 1.9945   | 18,81   | .,. 599   | 11991       | ٠. ١٠ | 1.1.591    |
| 1,49.11   | ۵.             | 1997F    | WITT    | 11.179    | 17.V TV     |       | Y Y V      |
| 1,495     | ۴.             | 11991    | 17/197  | .,.vax    | 11.125      | ı     | 12.V & S   |
| 1, 1911   | 1              | 1.9959   | 17,14.5 | .,.VAY    |             | ì     | 171 V A A  |
| 1,474,1   | 7.             | 1.99951  | 11,101  | .,.118    | .,. A1F     | 1     | 31115      |
| 1.47.54   |                | .14424   | 111175  | .,.185    | 77.14       | ۵.    | 1          |
| 1,4170    | 100            | 17996    | 11:47.  | AY D      | · J · A V F | 0     | 1.18F      |

| 1, FATO   Ad   1, 9987   11, FT   1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,   | A                                     |          |             |             |               |                 |      |            |
|--|---------------------------------------|----------|-------------|-------------|---------------|-----------------|------|------------|
| 10   10   10   10   10   10   10   10  |                                       |          | سنبوس متمم  | أبرانت متمم | أنرأنت        | سسينوش          | زينه | راويان     |
| 10   10   10   10   10   10   10   10  | 1, far.                               | 15:      | ، ۹۹۶۲      | 11,47.      |               | . , . , . , . , | 5'   | .,. 144    |
|  |                                       |          |             | 110.07      | اع ، ۹۰۰      | ا ۱۹۰۱،         | 1.   | ., . 9 . 7 |
| 1,   | 1. FVY                                | 1 4.     | · dabh      |             | 1 1           | 1,1979          | 7.   | ۱۳۹، د.    |
| 1, 799   | 1.414                                 | η,       | 1990        | 117715      | ., .950       | 1.19.01         | ۲.   | ., . 95.   |
|  | 15871                                 |          |             | 1           | 10.991        | 12.911          | ۴۰   | 1.7.919    |
|  |                                       | ٠١ ۾     |             |             | 171-17        | 1 '             |      | 1 1        |
| 1, Fer   | \$                                    | 1        |             | 970144      | 1.1.01        | ۱۰٫۱۰۴۵         | e° . | 1.44       |
|  |                                       | 1        |             | l '         | 121.4.        | .,1.75          |      | 1 1        |
| 10   10   10   10   10   10   10   10  | . 1                                   | 1        | 1           | 1 '         | 1             | ۳۰۱۱۰۰          | 1    | 1 .1       |
|  | 1                                     | 1        | 1           | 1           | ì             |                 | 1    | 1 1        |
|  | 3                                     | 1        |             | 1           |               | }               |      |            |
|  | 1                                     |          | 1           | 1           | i i           | 1               |      |            |
| 1, FFTA F, 991A V, VV. P, 117AV ., 17V P. T, 17AA. 1, FT99 1, FTV. 1, 991F V, 590A ., 17V V, 17FA 1, FTFI 1, ., 991V V, FTAV ., 17F P, 17FF 1, FTAF 1, FTAF 1, ., 991V V, FTAV ., 17F P, 17FF 1, FTAF 1, 900 1, FTAF 1,                | ) -                                   | 1        | 1           | 1           |               | 1               |      |            |
| 1, # r v v v v v v v v v v v v v v v v v v   | 1.                                    | 1        | 1           | 1 '         | 1             | 1               | 1    | 1 1        |
| 1, FTV   |                                       |          | l .         |             | 1             | l .             | l .  | · .        |
| 1. FFF   |                                       |          | 1           | 1           |               | ı               |      |            |
| 1, FTIT AT   |                                       |          | l .         | Ì           | 1             | I.              | 1    | 1 1        |
| 1, FTAT  | 1 .                                   | 1 .      | 1           | 1 '         | 1             | 1               | 1    | 1 1        |
| 15 FT 15 F 1   | 1.                                    |          | 1           |             | ١             | 1               | 1    | 1 1        |
| 1) FTYF P 9 A 7 . 9, 99 1 T 11 9 a 11 V A P 16 16 P.   | 1                                     | 1        |             | 1           | 1 '           | 1               | Į.   | 1 '        |
| 1, F190 Y, 9 1 1 5, 0 5 5 ., 10 1 7 ., 10 1 7  | I                                     | 1        |             | 1.          |               | 1               | 1    |            |
| 1, 4188 1 9001 8, 4 100 0 0, 100 0      | •                                     | \$       | ι           | <b>(</b>    | 1             | 1               |      |            |
| 1, 416 \ \( \lambda \) \\ \( \lambda \) \\\ \( \lambda \) \\ \( \lambda \) \\ \( \lambda \) \\\ \( \lambda \) \\\\ \\ \\ \\\ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\  | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | 1        | 1,900       | 1           | 1             | 1               | 1    | )          |
| 1, #1.4  | 1,411                                 |          | . 1         | 1           | 1             | 1               | 1 -  |            |
| 1, f. 0   f. 19 A 8 A \$ 1. A F   1. 18 F   f. | 1,41                                  | A B      | . N. 9AVE   | 19198       | 1             | 1               | 1 '  |            |
| 1, f. r1 7 918 A B , 8 + 1   | 1, 1, 10                              | 9 1      | 918         | 1 3 , 141   | عهم خوا د ا ع | 11847           | r    | 1.,15 49   |
| 1,799 1 9AAF 83 899 1 18 18 18 6   | 1,400                                 | ) ·   #  | 139181      | 019VA,      | 1 1919        | ا ۵ و ارد       | P    | . 11801    |
| 1) TTT AL & 6 1, AAFA AJSVIT WIVE WIVES 10° & 6 WIVE   |                                       |          | 1           |             | 1 11/1/14     | 194911          | 1 4  | 1218AV     |
| The state of the s | 1,199                                 | 7 1      | · 1.910r    | 81 199      | 4 1116        | 1518+4          |      |            |
| المدريس متهمر المراكزة المجمل الركانت المسهدان المسهر الموادين   | 1,19                                  | P 1/4' 6 |             |             |               |                 | 1.   | i virta    |
| 1 64 7 5 7 1 (*** ) 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1  | وبالن                                 | وسنه ارا | مسيعها الما | بالراشية    | مرأ منسكم     | ساليه سرمتمطرا  | .    | 1          |

|                       |                        |             |                                | ٤٠                              |   |              |                                 |   |
|-----------------------|------------------------|-------------|--------------------------------|---------------------------------|---|--------------|---------------------------------|---|
| <u> </u>              | . 4.10                 | - "         | اد د د متر                     | , 4 , 4                         |   |              | =                               |   |
|                       |                        | اسيبوس متمم | ا <i>رانت</i> مم               | الراث                           | احسيوس                                  | ربيد         | رادیان                          |   |
| 1,4954                | A:                     | · 914 4     | ۲۱۳ود۵                         | ۱۷۶۳د،                          | ۱۱۲۳۶                                   | 1.0 .:       | 11140                           |   |
| 154944                |                        | ۹۸۴۳ د.     | 298966                         | ۱۷۹۳ د .                        | ۱۲۶۵                                    |              | 014476                          |   |
| 1, 19.4               | ۴۰                     | 1. 91 11    | 0,4140                         | 13148                           | 11196                                   |              | 11114                           | • |
| 1, 4710               | ٣٠                     | 1. 9ATT     | ۵۵ ۲۹ د۵                       | 1/47 ر.                         | 1111C                                   | ۳۰           | 1115                            |   |
| 1, 1448               | 7.                     | 1. 9A FY    | ۹۳۰۹۳ د۵                       | ۱۸۸۳ د۰                         | 16110                                   | ۴۰           | 1188                            |   |
| 12 4414               | . 1.                   | 17 9118     | 0,7707                         | .ع1919 و ،                      | .) } / / / .                            | ۵۰           | 1191                            |   |
| 1,444                 | V9                     | ., 9118     | 27166                          | 19 موع 19 د.                    | 171911                                  | 11° • 5      | .,19 1.                         |   |
| 1, 1709               | ۵٠                     | 1.9111      | 61.501                         | . ۱۹۷۴ د .                      | 11988                                   | 1.           | .,1919                          |   |
| 1, 414.               | ۴.                     | 1., 91.0    | 4,9194                         | ., ۲., ۴                        | 1950 د .                                | ۲٠           | .19 71                          |   |
| 1, 77.1               | ٣.                     | 1.7 9 1 99  | 4,9121                         | ۲۰۳۵ رو                         | ۱۹۹۴ و،                                 | ٣٠           | 1. 4 A                          |   |
| 1, 7977               | 7.                     | 1797        | 15×142.                        | .,7.80                          | 17 7.77                                 | ۴۰           | 17 4.46                         |   |
| 1,8947                | 1.                     | 17 98 6     | 4,1489                         | ., 1.90                         | ١٥٠٦ و٠                                 | ۵۰           | 1.50                            |   |
| 1,8816                |                        | 118 46 6    | ۲۰۴۶ و۴                        | 1                               | 1,7.19                                  | 11000        | 1 1                             |   |
| 1, 7014               | ı                      | . ۹۷۷۵ د.   |                                | 1                               | 1.711.1                                 | } .          | 21120                           |   |
| 1, 4000               | 1                      | 98866       | عسر ۵۷ م                       | 1                               | 27170                                   | ۲,           | 76170                           |   |
| 1, 7075               | ì                      |             | 1                              | ., 4114                         | 171 24                                  |              | 137117                          |   |
| 1,7590                | ۲۰                     | 1           | 4,4494                         | ۲۲۴۲ و ۰                        | 17197                                   | ۴۰           |                                 |   |
| 1,7881                | 1 0                    | 1.,910.     | 498767                         | 1                               | orrri                                   | 1 .          | ., 474.                         |   |
| 1. 8689               | 1                      | 1.79744     | 4,7710                         | I                               | 1774                                    | 1            | 1789                            |   |
| 1,741.                |                        | .,9VFY      | 4,444                          |                                 | OTTYA                                   | 1            | 1797                            |   |
| 1,771                 | 1                      | 1.79 V W.   | 471198                         | ۰۶۳۷۰                           | ع ۳۳۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰ | 1            | 7444                            |   |
| 1, 1121               | 1 '                    | 1.79 V YF   | 191500                         | ۱۰۶۲۴۰۱                         | 7777                                    | 1            | 17845                           |   |
| 1. TTT                |                        | 1           | 4,1178                         | 17971.                          | 77757                                   | 1            | מאדץ ני                         |   |
| 1,7794                |                        | 1           | 19.511                         | 19896                           | 19776                                   |              | 1,7416                          |   |
| 1,7794                | , , ,                  | 119 V 1     | 19.1.1                         | 17494                           | •                                       | 4''          | 1,844                           | } |
| 1,7770                |                        | ., 9 5 9 5  | P3951V                         | ., 1016                         | 1,744                                   |              | 1,747                           |   |
| 1,77.5                |                        | 1 .         | 1                              | 1                               | 171615                                  |              | , 70.7                          | ĺ |
| 1,4144                |                        | 1 484.      | 4,1554                         |                                 | 1,70.4                                  |              | , 70 5.                         |   |
| 1, 7119               | I                      | 19874       | į.                             | 1                               | 1,7277                                  |              | ., 70,19                        |   |
| 1, 4.4                | VO                     | 109 554     | 15, 44 6 1<br>  15, 44 6 1     | 1                               | אאמיני                                  | 1 .          | Y \$ 1 A                        | } |
| and the second second | -                      | -           | Marieman Administration of the | with the second with the second | · 中国的第一个公司的国际的                          | - production | - makestyl filitalpyl tilbill i | • |
| را ويان               | زبینه                  | مستقيلوها   | ما فرا مصف                     | أنزاله أمثاكم                   | سيبوس متحم                              | }            |                                 |   |
| Sir management        | l <del>amin</del> ario |             |                                | L. Salaman                      |   | ]            | James da e                      | ļ |

|          | Zakonomia |             | -18                                   | 1-                |             |                |                                 |
|----------|-----------|-------------|---------------------------------------|-------------------|-------------|----------------|---------------------------------|
|          |           | سينوستم     | ا نرانت تمم                           | أنرانت            | سينوس       | أرثيد          | راديان                          |
| ۱,۳۰۹۰   | VD'       | ., 9 5 6 9  | T, Y T Ý1                             | ., 7 5 7 9        | 21011       | 13             | 17811                           |
| 1.7.51   | ۵.        | 1.7831      | 7.5191                                | ., 77 11          |             | 1.             | 17842                           |
| 1, 7.77  | 4.        | 1., 9544    | 7799.                                 | 11888             | ۳۴ ۲۶ و٠    | ۲.             | .7545                           |
| 1, 55    |           | 1,9575      | 7,5.09                                | 11 TYY 17         | 11888       | r.             | 178.0                           |
| 1, 1.95  |           | 1.9811      | 7,000                                 | 171.0             | ., 7 7      | 4.             | 1777F                           |
| 1,1940   | 1.        | 17391.      | 7,5751                                | 11 TATE           | 17 7 7 TA   | ۵٠             | ., ۲ ۷ ۶ ۳                      |
| 1, 1910  | Vteri     | ۹۶۱۳ و و .  | 7, FAYE                               | 13870             | 177735      | 15.00          | 1.779                           |
| 1, 1118  | ۵۰        | 1,98.3      | 17449a                                | ., 4199           | ., 1714     | ١.             | 177876                          |
| 1, MAY   | •         | 1.9095      | 154174                                | ., 19 11          | 17/11/      | <sub>r</sub> . | 101710                          |
| 1, 1414  |           | V V & 6     | 177709                                | 17498             | 1, 11 F     | ٣٠.            | 178111                          |
| 1, 1499  |           | 1.7934 .    | アナナ                                   | 0199E             | 17181       | ۴۰             | 1.79.9                          |
| 1, 1777. |           |             | T. T. Dr                              | ., ٣ . ٢ ۶        | + P 17 1.   | ۵۰             | 27974                           |
| 1,7841   |           | 1           | 1                                     | 116.16            | 17976       | 18             | 1                               |
| 1.7717   | 1         | 0.4000      | TITTE                                 | 1.7.49            | ., 1921     | 1.             | 1.1998                          |
| 1,1511   |           | 19243       | アッナ・ドリ                                | 17171             | 1989        | ۲.             | 1                               |
| 1,1934   | 1         | 1           | 17,1115                               | 77137             | ۲۰۳۰۰۲      | ۲۰             | 1                               |
| 1,7574   |           | 1.9214      | 17,119 K                              | 07110             | ., 4.49     | ۴.             | 10 m. 1 m                       |
| 1, 1090  |           | .,921.      | TALAF                                 | 27117             | ., ٣. ۶٢    | ۵.             | 1                               |
| 1.1099   |           | 1           | TOVYY                                 | 7rrf9             | ٠٠٣٠٩٠      | 11             | 1 .                             |
| 1.7377   | J         |             | B.F.Y.S                               | HERAL             | 1.7111      | 1.             | 1                               |
| 1.73.4   | 1 '       | 1           | 12.11.4                               | orrir             | 0 m1 m2     | 1              | 1                               |
| 1,4449   |           |             | VANFIT                                | 1,777             | 27175       | ۳.             |                                 |
| 1,140    | 1         |             | 7,9800                                | 17884             | 1.110       | ۴۰             | 1                               |
| 1,7471   | 1         |             | 1                                     | 98411             | 1777A       | . 4            | . 1                             |
| 1,1791   |           | 1           |                                       | 17446             | 1           | 1400           | 1711                            |
| 1,9757   | 1         | 1           |                                       | 1744.12           | 7777C       | 1              | 1.171                           |
| 1,1777   | 1         | 1 ., .      | 1                                     | UPA-A             |             | 7              |                                 |
| 1.77.8   |           | 1           | 1                                     | 1.76361           | シアアアイ       |                | 1                               |
| 1.7770   | ,         | 1           |                                       | いかるとげ             | 1           |                | 1 '                             |
| 1,7749   | 1         | ا           |                                       | 17434.V           | 174461      | 1 4. 8.        | / I ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' ' |
| Arriv    | -         | 1111        | 1 / 1 / 12                            | -                 | 1344        | 1              | 1.7441                          |
| راريال   | أرمه      | مسيوميا يرب | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 | ما من المنت بيم ا | اعبوس متامي | .              |                                 |

|          |          | ·        | -\&                       | ۲_           |            |            |             |
|----------|----------|----------|---------------------------|--------------|------------|------------|-------------|
|          |          | سينوس مم | ، نرأنت متم               | تا نرانت     | مسينوس     | زينه       | رادیان      |
| 128818   | Y        | ۱۹۳۹۷،   | 7, 4440                   | ۳۶۴۰ ر ۰     | .,444.     | ٠٠ ٠٠      | ., 4491     |
| 15 MIAA  | ه. ا     | 1,9840   | 4, 4774                   | ., 4614      | المطاعم د. | 1.         | ٠٫٣۵٢٠      |
| 1, 1149  | ۱۴۰۱     | 119844   | r, 9910                   | ۶۰۳۷،۶       | ۵۲۴۲۵ د.   | ٧.         | 1, 1249     |
| 1) 111.  | ۍ.       | ۲۶۳ ور.  | r, 5445                   | ., rvr9      | ., rs.r    | ۲.         | 1,7571      |
| 11 110   | ۲۰       | 207900   | 7, 5011                   | ۲۷۲۲ و.      | ~ rar9     | ۴۰۱        | 1,78.7      |
| 1, 1.47  |          | ۶۴۳۴۶.   | 7778 27                   | ۵۰۸۳ ر.      | ., TOOY    | ۵۰         | ۶۳۶۳۶.      |
| 1, 1.47  | هُ ، '٩٩ | ۶۳۳۶۰۰   | اه، ع دم                  | · 7179       | 1 701F     | ۲۱۰۰       | 1,4880      |
| 1, 1.14  | ۵۰       | 19810    | 77 84 67                  | 17 71 VT     | ا ۱۱۶۳ د.  | 1.         | 946410      |
| 1,1910   | ۴۰:      | ۱۹۳۱۵    | r, 08.0                   | ع. ۳۹ ر.     | 1. msm1    | ۲.         | 4777        |
| 1,1900   | ٣.       | ۴۰۳۹،۰   | r. 0818                   | 1. 1989      | 1. 8584    | ٣٠         | ۳۷۵۳ و٠     |
| 171915   | ۲۰       | 1.989 7  | r. Alrr                   | -> 89 47     | 1997 C     | ۴۰         | 1787AF      |
| 1,1294   | 1.       | 7877900  | rs 499.                   | ء ٠٠٠٠ ر.    | v 4119     | ۸۰         | 111110      |
| 12.11.81 | 8× 1.    | .,9575   | 12 4×01                   | ۴۰۴۰ و.      | 1, 7745    | 17.        | ., rx r.    |
| 1,1179   | ۵۰       | 19851    | r, Fara                   | 1.7 F.YF     | . 7777 c   | ١.         | 17189       |
| नका च    | ۴۰       | 1.197 3. | r, 4888                   | ッドトイ         | J. 771 [   | <b>Y</b> * | ·> 77.4 9.A |
| 12 1841  | ٣.       | .,9779   | 12 414r                   | 1.7 FIFT     | 13 TAYY    | . ۳۰       | 17977       |
| 1,1725   | ۲٠       | 179861   | 1, 19 FD                  | ., 4118      | 11 1101    | ۴.         | 17905       |
| 12125    |          | 19818    | ٠٥ ٣٧ د١                  | ·, 411.      | 11884 C    | ۵۰         | 17915       |
| 111594   | 8V .:    | 1.91.0   | ۲۵ ۳۵ مع                  | ۴۲۴۵ د.      | ., mg . r  | ٠٠٠        | I -         |
| 111870   | ۵.       | 1.9191   | 7, 4779                   | 1. Frr9      | 1 ' '      | 1.         | 1 '''       |
| 111545   | ۴۰ ا     | 1.9117   | 77 7117                   |              | ,          | ٧.         | 1.7 4. 44   |
| 1,18.8   | ٣٠       | 171160   | 12 1991                   | 1            | 1. 19AV    | ٣.         | 1 .         |
| 111011   |          |          | 1 1 1 1 1 V               |              | t          | ۴۰         | , ,         |
| 11/18/11 |          | 19146    | 77 7881                   |              | 1          | ۵.         |             |
| 11/10/19 | 1        | ۱۹۱۳۵ و  | 1 '                       |              | 1 .        | A10.       |             |
| 1,189.   | 6        | 19186    | Y= 7719                   |              | 1          | 1.         | 1 '         |
| 1,1491   | ۴.       | . 19115  | 7117 19                   |              | 1          | ٢٠         |             |
| 1,1641   | ۳.       | 1,991    | 1 '                       | 1 .          | 1          | ۳.         | · ·         |
| 1114.4   | ۲۰       | 1.9.11   | ,                         | 1            |            | 1          |             |
| 11194    | ١ م ا    |          |                           |              |            | 2.0        | 1,4444      |
| 13146    | 98 1     | 19.54    | 4.144                     | , 1994       | 11. 4448   | 74.        | 1,44 61     |
| راديا ك  | ر شد     | -        | ة و فراد<br>المركوسية الم | أمرانية مثمة | معلى مرافق |            | <b>1</b>    |

|      |        |            | سينوستهم      | ن <i>ا نژنت متم</i> م | تا نژانت    | سينوس       | ا زینه   | راديال    |
|------|--------|------------|---------------|-----------------------|-------------|-------------|----------|-----------|
| -    |        |            | <u> </u>      | <del>'</del>          |             |             |          |           |
| 1,1  | 740    | 90         | 1.9.58        | r, 1840               | ، ۴۶۶۳      | ۴۲۲۶ ر.     | 70       |           |
| 111  | 1415   | ۵٠         | 1, 9.21       | r , (rar              | ، ۴۶۹۹      | ., 4727     |          | 4421      |
| 1,   | 1715   | ۴.         | 1. 9.71       | 471178                | ·, ۴۲۳۴     | ·, 4779     |          | 441       |
| 1, 1 | 1838   | ٣.         | 1., 9.75      | 7, 950                | 17 44 K.    | ه ۲۳۰ د.    |          | 16401     |
| 12.1 | 1771   | 7.         | . 9.17        | 47.4.9                | 1741.5      | ۱۳۳۱ ،      | ٠٠٠      | ا ۴۴۸،    |
| 10   | 1199   | . 1 .      | 1. 9.11       | 41.500                | 1747        | ۱۰ ۴۳۵۸     |          | , 40.9    |
| 15   | 1111   | 89¢        | 11911         | ۲۰۵۰۳ و۲              | 17474       | 17 4 CM     |          | ۱۳۵۳۸     |
| 1,   | Hr I   | ۵۰         | 11/19/10      | Y, . MA M             | .,4914      | ·, 441 ·    | 1.       | ,4054     |
| 1/2  | HIT    | ، ۴        | 129911        | ۲۰۰۲، ۲۲              | ۰ ۲۹۵۰      | ۰, ۴۴۳۶     | 7.       | ۶۴۵9۶,    |
| 10   | 1.12   | ۲۰         | 1. 19th       | 73 67                 | ·24915      | ., 164.54   |          | 14880     |
| 1    | 1.04   | ۲۰         | 1.1988        | 119917                | ۵۰۲۲ د .    | ., 444      |          | 466عو     |
| 1    | 1.10   | 1.         | 1.1988        | 129851                | 120.09      | ع ۱۵۹ و .   |          | 14514     |
| 1,   | •995   | 94.        | 1,191.        | 119585                | ۵۹۰۵ ر.     | ۰۶۴۵۴۰      | 77.4     | ۲۱۱۲و     |
| 1,   | .999   | ۵.         | 1.0 A A 9.Y   | 119415                | 00177       | . ۶۶۶۴ وه   |          | 1444ر     |
| 15   | .984   | ،ع         | 121111        | 119946                | 94 ا۵ ر.    | 19091       | 7.       | ا ۷۲۱ مور |
|      | ۹٠٨    |            | ., AAV.       | 11971.                | 1,04.5      | ۱۱۶۹۲،      | r.       | ۲۸۰۰      |
| 1    | ·179   | r-         | 1. AABY       | 129.84                | .,2747      | ۴۶۴۳ د.     | 4.       | ,4119     |
| 1,   | ٠٨٥٠   | 1          | ·             | 11194 .               | 10014.      | 1.9889      | ۱۵۰      | 14101     |
| 15   | 11 8   | 54.        | 1.1119        | 171111                | 11200       | 1, 4890     | 171.     | FAAV      |
| 10   | ·V 95  | <u>්</u> ක |               | 117888                | .,000       | ۰۶ ۴۲۲ و٠   | 1.       | ,4915     |
| 1.   | · 459  | . ا        | · 3 11. 7     | 1111048               | 1.15 79 8   | .,4143      | 7.       | ,4940     |
| 15   | .174   | 1 4        | · O AYAA      | 1114814               | arr.        | 17888       | ۲.       | ,F98 F    |
| 1/   | .4.0   | 1          | · ., AYYF     | 121591                | 1.7 17 45 4 | ., 4V9V     | ۴,       | ., 8 ٣    |
| 1/2  | ·515   | ١ ا        | · 1.1 AY 5.   | 111150                | 66          | ·> 4x 44    | ا ۵۰     | ., 3.77   |
| 11   | .94V   | 191.       | · 1.) 1448    | 131.4.                | 1,000       | ·, 414      | 79       | 15.51     |
| 1/   | 1517   | ′  ಎ       | · 10 1888     | 117914                | 118611      | 17/1/19 (.) | 1.       | ۱۹۰۵ ر.   |
| 1.   | . 011  | Ψ          | 7414          | 1,1195                | ., 6519     | 17499       | 1.       | ., 217.   |
|      | 209    | ٣          | , 14.4        | 12880                 | 1.0 6 6 6.1 | 1.78974     | ۳٠       | ., 2149   |
| 12   | ٠۵٣٠   | ۲          | ٠ ، ، ٨ ۶ ٨ ٩ | 107000                | 29801.      | 1.289 0.    | ۴.       | ., 2177   |
|      | ۱۵۰۱   | 1 ~ 0      | . 12 1540     | 12444                 | ., 21 42    | 101910      | ا ۵ ، یا | 408.Y     |
| 1/   | .414   | 5          | · 17 188.     | 124441                | 12 DY VF    | ۰۰ ۵۰ ۰۰    | 7        | ., 6786   |
|      | راديان | زينه       | سينوس         | ة زانت                | أنرأنت متم  | سينوس متمم  |          |           |

|                 |         |                    | <u> </u>      |              |             |       |   |   |
|-----------------|---------|--------------------|---------------|--------------|-------------|-------|---|---|
|                 |         | سينو <i>س مم</i> م | ا نرانت متممّ | أزأت         | سينوس       | زبنه  | رادیان                                  |   |
| 1,.44           | 9:      | 13 AFF.            | 1 , 7 7 7 1   | · , 0 VYF    |             | ۳.٠٠. | ۶۳۲۵۰                                   |   |
| 1 4 4 -         | ۵۰      | .,1545             | 1 , 44.0      | 11160        | 110.10      | 1.    | 170180                                  |   |
| , = 1º1 F       | ۴.      | 17/8/1             | 1,8.91        | ., 4141      | ., 4 . 8 .  | ۲.    | +019F                                   |   |
| 1,.110          | ٣.      | عاعمر.             | 1 , 8988      | 110191       | 120.40      | ٣٠    | 170 777                                 |   |
| 1 425           | ۲,      | 1.788.1            | 1 > 5154      | ١٥٥٩٣٠       | 1001        | ۴۰    | -sarar                                  | , |
| 1 3 4 17 17 17. | . 1 -   | · 1 A DAV          | 1,5727        | 113989       | 20170       | ۵.    | 11226                                   |   |
| 1, 1797         | 29      | DAAVE              | ۳ ۶۶۴ را      | ١٠٠٠٠١       | ٠٠ ١١٥٠     | 71    | 112461                                  |   |
| 1, 194          | ۵.      | V66 Ac.            | 1,50 44       | .,9.41       | ۵۲۱۵،       | 4.    | ·sfr.                                   |   |
| 101779          | ۴۰      | 1,10fr             | 118478        | 1.7 9 . 11 1 | vare        | 1.    | 1,0459                                  |   |
| 19-9-1-         | ٣٠      | 1710 75            | 1,5719        | 178111       | vorra       | ۲.    | 189700                                  |   |
| 141             | 7.      | 11000              | 1,9111        | 125181       | .070.       | ۴.    | 170011                                  |   |
| 1, .107         | 1:      | 1.11495            | 1,51.4        | 1.78 r.A     | ., 5775     | ۵.    | 150005                                  |   |
| 12.11           | 24.     | 1.144.             | 11900         | 19779        | 1) Dr 99    | 44    | 00000                                   |   |
| 1,91            | ١ ٠ ۵.  | 63760              | 1239          | 17871        | 10000       | 1.    | 1                                       |   |
| 1,90            | ۴.      | 1.144 V            | 190494        | 13845.       | いってより       | ۲.    | 1,0547                                  |   |
| 11.175          | ۳.      | ハナアド               | 110891        | 17471        | 72777       | ۳     | 10888                                   |   |
| 1, Y            | ۲.      | 171411             | 1,0091        | 179961       | 10267       | ۴     | 17001                                   |   |
| ., 99rr         |         | 1.314.4            | 1,0494        | 1.540        | 10844       | ا م   |   |   |
| .,1941          | DV      | 1.74 WY            | 170799        | .,5494       | 1.1246      | 77    | 1 ,                                     | į |
| .,9919          | ۵۰      | 1.77 86            | 1.7001        | 198078       | 1.75 8.71   | 1     |   |   |
| .,919.          | ۴۰      | [ A T D.           |               | 1750 VY      | 1.0493      | 1     |   |   |
| 1988            | ۲.      |                    | 1             | 1,5519       | 100019      | 1 .   | . 1984A                                 |   |
| .,9455          | ٢٠      | 17751              |               | 18881        | 120066      | ۳     | 1 -7.                                   |   |
| 1,911           | 1       |                    |               | 1784.4       | 1,00 81     | ۵ م   | . I                                     |   |
| 1, 9xxx         | 35 .    | 17419.             | 111918        | 1.754 40     | 1.20091     | Like. | 1, 4, 1                                 |   |
| ·,9843          | 5       | 1                  | 1             | 1.7844       | 1.0918      | 1     | 1.095                                   |   |
| 119811          |         |                    |               | 1.25A W.     | 1.084.      | 1     | 100998                                  |   |
| ., 9511         | 1       |                    | -             | 17844        | 10884       | ı     | ۱۰٫۶۰۲۱                                 |   |
| 1.9504          | 1       |                    | ۰۶ ۲۴ دا د    |              | 1           | · F   | 1 //                                    |   |
| 19871           | . 1     |                    |               | 1            | 1.70717     | rs.   | A 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |   |
| 1.9099          | 30.     | \$ 1.7 V 1 d       | 1124711       | . 17 4       | 1.704 14.5  | ra.   | 1,791.9                                 | 1 |
| رادمان          | رینیه ا | سينس ا ز           | انرانت 🗠      | ززن يتستمرا  | سينوس تمم أ | 1     |   |   |
|                 | 1       | يون ا              |               |              |             |       |   | ļ |

---

|             | يم م            | م<br>سینور<br>سینور | أنرأنتهم   | يا نزانت     | سينوس              | زبنيه    | رادیان          |
|-------------|-----------------|---------------------|------------|--------------|--------------------|----------|-----------------|
| .,9099      | ಎನೆ 🕶 🕠         | 11 9 17             | 1,471      | ,, , , , ,   | . 10 7 8           | 75       | ., 51.9         |
| 937.        | S. 1.01         | 170                 | 124198     | ۶۴۰۴۶ ،      | . 579.             | 1.       | 19 5181         |
| 1.9381      | 1. 1.           |                     | 9 1 41.5   | 9            | DYAT               |          | ۶۱۶۷ ر <b>.</b> |
| 116911      |                 | 1                   | 1, 4.19    | 17 YITT      |                    |          | 1799            |
| 1. 949.15   | l               |                     | 17 8988    | ., 4144      | ۵۸۳۱ و.            | ۴,       | .,6770          |
| .,9535      | 1000            | 41.4                | 1. 7/7/    | yrri .       | . ۵104             |          | - 47.09         |
| 0.4472      | ر د. د. که کا ۵ |                     | عود ۲۷ دا  | ., Yr 90     | ., DAYA            | 75       | ., 47AF         |
| 1,9895      | 3               |                     | 11 751.    | ., Yr 1.     | 1. 14 4 1          | -        | .) 5717         |
| ·) 9 ٣ % Y  | F               | 35                  | 11 6241    | 11 VT 34     | . 3914             | 7.       | ., 4841         |
| 12 9874     | 4.1.1           |                     | 1, 4214    | ., Yf        | . 0941             |          | ·, 544.         |
| 1.7 7 7.1   | ر ۱۰ ۲۰         |                     | 1, 44.41   | 11 rffs      | ., 6977            |          | ٠, ۶۴۰۰         |
| 7779        | 1100            | ۱ ۰ ۰ ۴             | 12 4671    | · + + 49 ·   | ., 29 9 2          |          | J 5489          |
| 1. 973.     | ٧٠٠ ١٩ ١        | 4,15                | 12 TTY .   | ۷۵۳۶ و.      | ., 9.11            | 44 .:    | ۶۴۵۸ و.         |
| - arti      | 3, ,            | 7.79                | 1, 411.    | 11 V DAI     | وعودي ر.           | 1.       | ., 54XY         |
| 1. 919r     | p. 1. 1         | ادب                 | 12 7 1 1 2 | V27Y         | ۰۶۰۶۵ و.           | ۲۰       | ۱۶۵۶۶ و.        |
| ·, 415°     | ۲ ۷             | 946                 | 1× 7-57    | ++ YFVY      | ., 9.11            | ۳۰       | -, 5a4a         |
| 1. 4175     | 7,              | r4 19               | 1. 19.38   | ., VYT.      | 1. 9111            | ۴.       | ۶۵۷۴ و.         |
| 41.7        | 1 1 1 1 1       |                     | 12 TAY +   | ., ٧٧۶۶      | ·, >188            |          | ., 55.4         |
| 1. 4.15     | 27              | Y43+                | 1- 1711    | 1. VAIP      | 1.08               | 44 · ·   | ۶۶۳۲ و و و و و  |
| 1., 4. Fr   | 3., 4           | 151                 | 1. 1514    | · VAS.       | 1. PIN.            | 1.       | ·, ۶۶۶1         |
| 10, 4.14    | ¥ ., V          | 144                 | 11 42 41   | ., 84.8      | .> FT.T            | ۴٠       | ., ۶۶9.         |
| LAPA        | . T +> V        | 186                 | 12 7277    | 1, V90F      | ·> 5775            |          | ., ۶۷۲.         |
| 0.3424      | 7               | $A \cdot A$         | D TFAV     | A            | ·> 5841            |          | ., 5449         |
| 1. 11.      | 1.00            |                     | 12 TETE    | ., A.a.      | ۶۳۲۱ و،            | ا ۰ ۵۰   | ., 44 44        |
| 1. 44.1     | 05              | YYI                 | 1, 1779    | ·> 4.94      | ·> Fr98            | 1 MAG (1 | · 9A · V        |
| W JAFF      | 3. V            |                     | 1, 8885    | 1145         | ۶۳۱۶ وه            | 1.       | · 51 mg         |
| 100 MET     | 4.601           |                     | 10 17.1    | 19 A 19 S    | .) FT TA           | ۲۰       | ·) 5/190        |
| · AAIY      | r, v            |                     | いずげし       | ., 4744      | ., 5°F1            |          | ., 5194         |
| 11/10       | T               |                     | 1, 7.59    | 1898 C       | ., 5th r           | 1 1      | .,5988          |
| 1 7 7 7 2 5 | A               |                     | 111947     | 17 ATT       | و، ۴۰ <i>و و</i> . |          | ., 5905         |
| 1, 1444     | 13 V            | * * 4               | 1, 191 1   | · 1491       | ·, 5411            |          | ·18911          |
| رادياك      | س زینہ          | مسينو               | تاثرانت    | بانرأنت متمم | سينوس تتمتم        | ì        |                 |

### DATE DUE OF

This book is due on the date last stamped. A fine of 1 anna will be charged for each day the book is kept over time.

0A T FI 0A T T T 0A T C T 0A I V T 0A I T T

9111co V N + 15co R O + 15co P Y + 15co

., V999 ., V9V.

44 PY

|               |               |                      | 121       |
|---------------|---------------|----------------------|-----------|
|               | LAM II        |                      | 15)//     |
| -             |               | MIA                  |           |
| مَانْرُ اسْتِ | سر من الم     | - P. LANGELOW. SOLL. | راد بان   |
|               | , ,           |                      | - "       |
| 2/141         | . 9 5 44      | pe                   | 118921    |
| 17941         | 1, 5450       | 1 •                  | ., V. 1.  |
| 1 1491        | . 544         | ۲.                   | ., V . 19 |
| 1091          | · 21=919      | ۳.                   | ., 4.59   |
| 1091          | 1. FAIV       | ۴.                   | V.91      |
| 1244          | ., 5049       | ۵٠                   | VIYV      |
| 1298          | ., 9051       | 81                   | 1105      |
| 1716          | ., 90Ar       | ١.                   | . VIAS    |
| 1195          | ., 85.8       | ۲.                   | ., VY14   |
| LAAFY         | ., 0346       | ۴.                   | ., 4145   |
| 1.141         | 48PA          | ٧.                   | . YYYT    |
| Ariat         | 1, 601.       | ۵.                   | 1 1       |
| 9 - 15        | · 5511        | 4º 7º                |           |
| 4.37          |               | 1.                   | 1. Frag   |
| 441.          | ., 9474       | 1. 1.                | 1 . 1     |
| 101154        | 1. 9 V 35     | ٧.                   | 1         |
| . 9 Y 1 Y     | FVVV          | ψ.                   | ., yrrv   |
| 1. 97 VS      | FV 97         | ۵.                   | ., 1417   |
| 11 9850       | Ju sare       | pripa .              | 1.18.00   |
| ., 9 m/4"     | 1. FAFI       | 1.                   | · VOTE    |
| . 91-13       | FA FY         | 5                    |           |
| 1.1919.       | 10 81AF       | 7                    | - 1       |
| 1. 9.10       |               | ۲,                   | 1 '       |
| 45.1          |               |                      | V80.      |
| ., 9507       |               |                      | 6 . 1849  |
| 1. 9 5 5 9    |               | í                    | . VViq    |
| 1.1978        | 1             | 7                    |           |
| 4111          | 1 y 9         | 7                    | , ٧ ٧ % ٢ |
| 1. 9/AY       | § .           | V                    | 1195      |
| 1.99 168      |               | ۵ ا                  | 67KY      |
| 1             | Y. Y 1        | ا لانا ا             | 11.12.24  |
| رين ويشمز ا   | يه بيه متم ال |                      |           |

سخط متحد أنج نعاه

10.041

11.193

12.775

11.1 19

 $Dat_{\mathbf{e}}$  $D_{at_{\Theta}}$  $N_0$